

Elementi elektroenergetskih sistema

- Klimatski uslovi merodavni za proračun nadzemnih vodova
 - Temperatura
 - Dodatno opterećenje usled leda,inja ili mokrog snega
 - Uticaj vetra na nadzemni vod
 - Jednačina stanja provodnika
 - Jednačina promene stanja za umerene raspone

2.1.3 Klimatski uslovi merodavni za proračun nadzemnih vodova

- Temperatura
- Dodatno opterećenje usled leda, inja ili mokrog snega
- Uticaj vetra na nadzemni vod

2.1.3.1 Temperatura

- Temperature prema kojima se vrši proračun provodnika i zaštitne užadi su sledeće:
 - minimalna temperatura -20°C
 - maksimalna temperatura $+40^{\circ}\text{C}$
 - temperatura pri kojoj se hvata led -5°C

Vidi se da postoji razlika između 40°C i maksimalne temperature od 80°C koju smo definisali kod određivanja minimalnog preseka voda i termički dozvoljene struje. Razlika ugiba za uobičajene raspone za AlČe provodnike i temperature 40°C i 80°C je:

2.1.3.1 Temperatura

10 kV	Do 0.5m
35 kV	0.75 – 1m
110 kV	1.25 – 1.5m
220 kV	1.5 – 1.75

2.1.3.1 Temperatura

- Međutim ipak se pri izračunavanju koristi temperatura $+40^{\circ}\text{C}$ iz sledećih razloga: Događaji koji bi se morali istovremeno desiti da dođe do preskoka:
 - vod bi morao biti strujno vrlo visokog opterećenja
 - temperatura okoline morala bi iznositi $+40^{\circ}\text{C}$
 - ne bi smelo biti ni daška vetra
 - ispod najniže tačke voda moralo bi biti neko kritično približenje.

- Sada je uobičajena praksa da se vodovi projektuju za temperature $+40^{\circ}\text{C}$, a vrši se provera na mestima ukrštanja sa važnijim objektima na 80°C (sa aspekta sigurnosnih visina). Neki vodovi su projektovani za 60°C , što nije pogrešno, na strani je sigurnosti, ali je skuplje (viši stubovi).

2.1.3.2 Dodatno opterećenje

- Pri projektovanju provodnika i zaštitne užadi uzima se da se na njima stvara dodatno opterećenje usled leda, inja ili mokrog snega.
- Dodatno opterećenje deluje vertikalno naniže i dodaje se težini provodnika i zaštitnog užeta.
- Za normalno dodatno opterećenje uzima se najveće dodatno opterećenje koje se javlja svakih 5 godina, ali ne manje od:

$$g_{dod} = 0.18 \cdot \sqrt{d} \left[\frac{daN}{m} \right] , \text{ gde je } \mathbf{d} \text{ dato u } \mathbf{mm}.$$

2.1.3.2 Dodatno opterećenje

- Opterećenju, g_{dod} , odgovara minimalna normalna dodatna specifična težina:

$$\gamma_{nd} = \frac{0.18 \cdot \sqrt{d}}{s} \left[\frac{daN}{m \cdot mm^2} \right], \text{ gde je } s \text{ presek provodnika}$$

izražen u **mm²**.

- Ako se proceni na osnovu iskustva, da je moguće opterećenje usled leda u oblasti gde prolazi trasa novog dalekovoda veće od $\gamma_{nd \min}$, uzima se kao dodatno opterećenje usleda leda:

$\gamma_{nd} = k \cdot \gamma_{nd \min}$ - normalna dozvoljena specifična težina usled leda, gde je **k** koeficijent leda.

2.1.3.2 Dodatno opterećenje

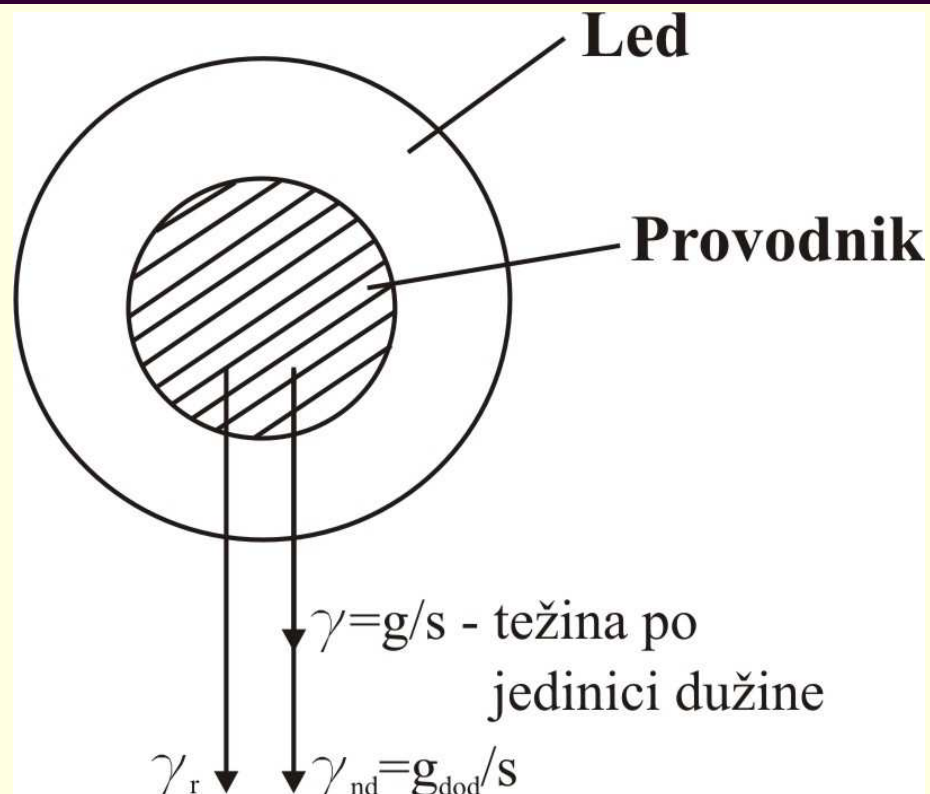
Zona leda	1	2	3	4
k	1	1.6	2.5	4

Znači resultantno opterećenje provodnika je sledeće:

γ_r - resultantno specifično opterećenje provodnika

(težina + led) $\gamma_r = \gamma + \gamma_{nd}$ - izuzetna dodatna specifična težina usled leda

2.1.3.2 Dodatno opterećenje



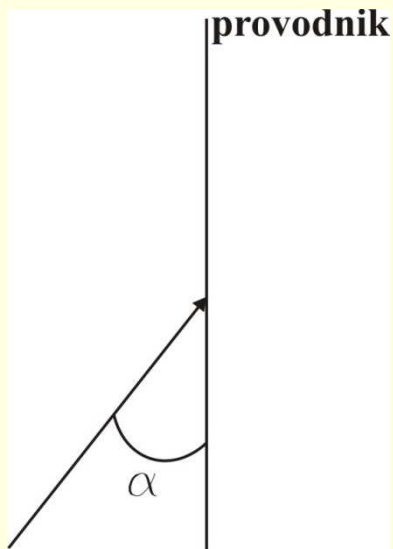
Za izuzetno dodatno opterećenje usled leda uzima se najveće dodatno opterećenje koje se javlja svakih 20 godina, isto važi i za dodatne specifične težine:

$$\gamma_{id} \geq \gamma_{id \min} = 2 \cdot \gamma_{nd}. \text{ Znači može biti i veće od } 2 \cdot \gamma_{nd}$$

2.1.3.3 Uticaj vetra na nadzemni vod

- Opterećenje od vetra je:

$$\text{Sila vetra: } F_V = c_V \cdot s_V \cdot p_V \cdot \sin \alpha$$



α = napadni ugao vetra ($\alpha = 90^\circ \Rightarrow \sin \alpha = 1$)

c_V = aerodinamički koeficijent:

- za provodnike $c_V = 1$
- za stubove (iz propisa)

$$p_V = \text{pritisak vetra} \left[\frac{daN}{m^2} \right]$$

$$p_V = \frac{v^2}{16}, \text{ gde je } v \text{ izraženo u } \left[\frac{m}{s} \right]$$

v = maksimalna brzina vetra koje se na istom potezu trase pojavljuje prosečno svakih pet godina, a za vodove 400 kV i dužem periodu.

2.1.3.3 Uticaj vetra na nadzemni vod

$$p_v = \frac{v^2}{16}, \text{ gde je } v \text{ izraženo u } \left[\frac{m}{s} \right]$$

v = maksimalna brzina vetra koje se na istom potezu trase pojavljuje prosečno svakih pet godina, a za vodove 400 kV i dužem periodu.

2.1.3.3 Uticaj vetra na nadzemni vod

- Izračunato p_v se povećava na prvu veću vrednost iz tabele:

Visinska zona=visina objekta [m]	Pritisak vetra [daN/m ²]				
0 – 15	50	60	75	90	110
15 – 40	60	75	90	110	130
40 – 80	75	90	110	130	150

s_v =površina projekcije tela na vertikalnu ravan (upravnu na pravac duvanja vetra)

2.1.3.3 Uticaj vetra na nadzemni vod

$$\gamma_V = \frac{F_V}{L \cdot s} \left[\frac{daN}{m \cdot mm^2} \right] = \frac{1 \cdot L \cdot d \cdot p_V \cdot \sin \alpha}{L \cdot s} \quad - \text{ dodatno specifično opterećenje usled vetra, gde je}$$

$\frac{F_V}{L}$ - sila po jedinici dužine, a s - poprečni presek provodnika.

$$\gamma_V = \frac{d \cdot p_V}{s}, \text{ gde je } d \text{ izraženo u [m], } p_V \text{ izraženo u } \left[\frac{daN}{m} \right] \text{ i } s \text{ izraženo u [mm}^2\text{],}$$

$$\text{pa sledi da je } \gamma_V \text{ izraženo u } \left[\frac{daN}{m \cdot mm^2} \right]$$

Rezultantno specifično opterećenje (specifična težina) usled vetra:

$$\gamma_{rV} = \sqrt{\gamma^2 + \gamma_V^2}$$

Ako se dogodi da je $\gamma_{rV} > \gamma + \gamma_{id} = \gamma_{ir}$ - dobijeno usled izuzetnog dodatnog opterećenja=leda

2.1.3.3 Uticaj vetra na nadzemni vod

- Ako je na vodu ili delu njegove trase rezultantna sila pritiska vetra i težine provodnika bez dodatnog opterećenja veća od težine provodnika sa izuzetnim dodatnim opterećenjem, treba za izuzetnu dodatnu specifičnu težinu usvojiti vrednosti iz:

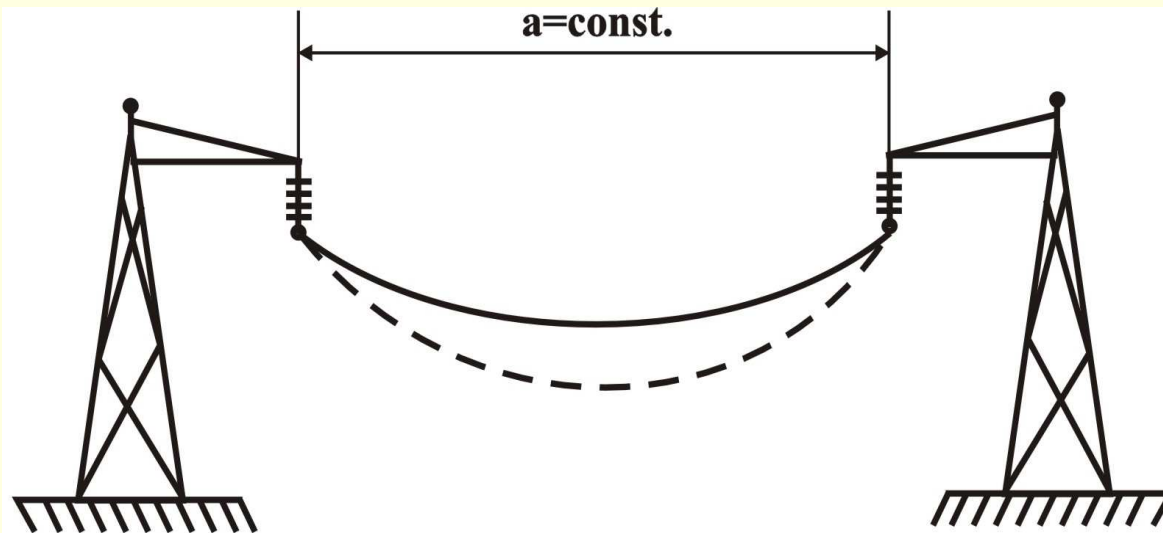
$$\gamma_{id} = \gamma_{rV} - \gamma = \sqrt{(\gamma^2 + \gamma_V^2)} - \gamma$$

- Znači za izuzetno dodatno opterećenje se usvaja veća vrednost, usled leda (češće) ili usled vetra (retko).

2.1.4 Jednačina stanja provodnika

- Zbog promene temperature ambijenta i strujnog opterećenja, menja se temperatura provodnika:

t (raste), σ (opada), L (raste) i $f_{\max}$ (raste)



$h = \text{const.}$ (vertikalno rastojanje izmedju tačaka vešanja)

2.1.4 Jednačina stanja provodnika

- Za formiranje jednačine stanja provodnika moraju se definisati dva stanja provodnika:

1 – stanje = indeks 0

2 – stanje = bez indeksa

“0” 1 – stanje: , gde je: L_0 – početna dužina provodnika

t_0 – početna temperatura provodnika

γ_0 – početna specifična težina provodnika

σ_0 – početna horizontalna komponenta
naprezanja provodnika

Pretpostavlja se da je stanje “0” poznato.

2.1.4 Jednačina stanja provodnika

2 – stanje: L, t, γ, δ

$a = \text{const.}$, $h = \text{const.}$ - zadatak jednačine stanja je da poveže ova dva stanja

Dužina provodnika menja se usled promene temperature i usled promene naprezanja: $\sigma L = \sigma L_t + \sigma L_\sigma$

σL – ukupno izduženje provodnika

σL_t – izduženje usled temperature

σL_σ – izduženje uslovljeno promenom naprezanja

γ – specifična težina provodnika

σ – horizontalna komponenta naprezanja provodnika

2.1.4 Jednačina stanja provodnika

$$L - L_0 = (t - t_0) \cdot \alpha \cdot L_0 + (\delta - \delta_0) \cdot \frac{L_0}{E}, \text{ gde je: } \alpha = \text{koeficijent temperaturnog istežanja}$$

E = modul elastičnosti

Kada ovu jednačinu podelimo sa L_0 , dobija se: $\frac{L}{L_0} = (t - t_0) \cdot \alpha + \frac{\delta - \delta_0}{E} + 1$

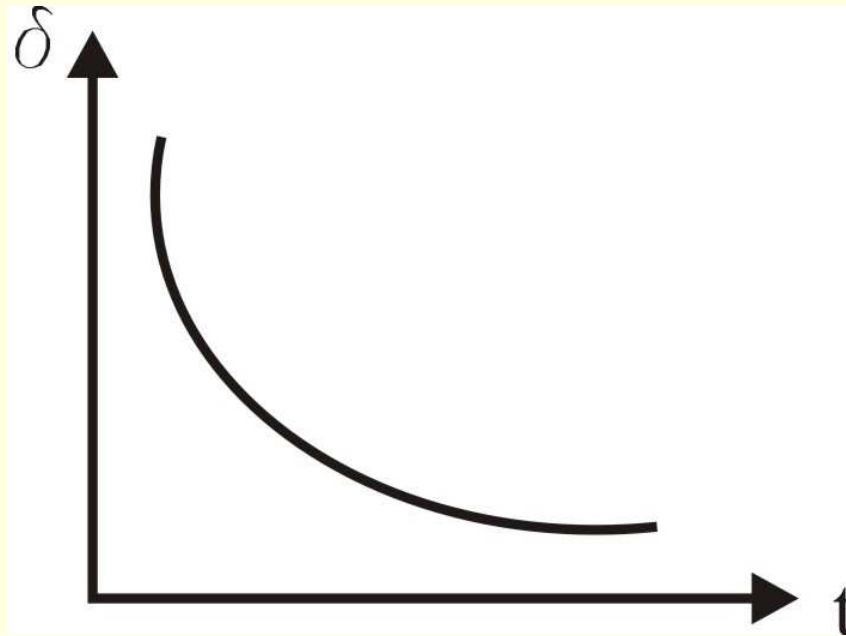
ako se u gornji izraz zameni: $L = \sqrt{h^2 + 4 \cdot \left(\frac{\delta}{\gamma}\right)^2 \cdot sh^2\left(\frac{a \cdot \gamma}{2 \cdot \delta}\right)}$ - tačan izraz za L

dobija se: $(t - t_0) \cdot \alpha + \frac{\delta - \delta_0}{E} + 1 = \sqrt{\frac{h^2 + \frac{4 \cdot \delta^2}{\gamma^2} \cdot sh^2\left(\frac{a \cdot \gamma}{2 \cdot \delta}\right)}{h^2 + \frac{4 \cdot \delta_0^2}{\gamma_0^2} \cdot sh^2\left(\frac{a \cdot \gamma_0}{2 \cdot \delta_0}\right)}}$ - apsolutno tačan izraz,

primenjuje se za jako velike raspone i to $\sigma = f(t)$.

2.1.4 Jednačina stanja provodnika

- Oblik zavisnosti je dat na slici. Kod prethodnog izvodjenja pretpostavljeno je da je:



Zavisnost naprezanja od temperature

2.1.4 Jednačina stanja provodnika

- Izduženje provodnika (σL_σ) zavisi samo od horizontalne komponente naprezanja (σ), a ne od ukupnog naprezanja (σ_F). Izraz za σ_F je komplikovan, jer se σ_F menja od tačke do tačke duž linije provodnika. Korekcija: uvodi se SREDNJE NAPREZANJE koje izaziva isto izduženje kao stvarno naprezanje.

$$\delta_{sr} = \delta \cdot \frac{L}{a}$$

2.1.4 Jednačina stanja provodnika

Izmene u jednačini stanja provodnika:

za dug raspon umesto $\frac{\delta - \delta_0}{E}$, treba, $\frac{\delta \cdot L - \delta_0 \cdot L_0}{a \cdot E}$

pa se tada dobija:

$$(t - t_0) \cdot \alpha + \frac{\delta \cdot L - \delta_0 \cdot L_0}{a \cdot E} + 1 = \sqrt{\frac{h^2 + \frac{4 \cdot \delta^2}{\gamma^2} \cdot sh^2\left(\frac{a \cdot \gamma}{2 \cdot \delta}\right)}{h^2 + \frac{4 \cdot \delta_0^2}{\gamma_0^2} \cdot sh^2\left(\frac{a \cdot \gamma_0}{2 \cdot \delta_0}\right)}} - \text{tačan izraz za duge raspone}$$

2.1.4.1 Jednačina promene stanja za umerene raspone

Ako se u relaciji , $(t - t_0) \cdot \alpha + \frac{\delta - \delta_0}{E} + 1 = \sqrt{\frac{h^2 + \frac{4 \cdot \delta^2}{\gamma^2} \cdot sh^2\left(\frac{a \cdot \gamma}{2 \cdot \delta}\right)}{h^2 + \frac{4 \cdot \delta_0^2}{\gamma_0^2} \cdot sh^2\left(\frac{a \cdot \gamma_0}{2 \cdot \delta_0}\right)}}$, dužina izrazi pomoću

$$L = \frac{a}{\cos \psi} + \frac{a^3 \cdot \gamma^2 \cdot \cos \psi}{24 \cdot \delta^2}$$

$$(1) \quad L - L_0 = (t - t_0) \cdot \alpha \cdot L_0 + (\delta - \delta_0) \cdot \frac{L_0}{E}$$

$$(2) \quad L = \frac{a}{\cos \psi} + \frac{a^3 \cdot \gamma^2 \cdot \cos \psi}{24 \cdot \delta^2} \quad (\text{za } L \text{ i } L_0)$$

$$(3) \quad \text{umereno kos raspon: umesto } \frac{\delta - \delta_0}{E} \text{ treba } \frac{\delta - \delta_0}{E \cdot \cos \psi}$$

2.1.4.1 Jednačina promene stanja za umerene raspone

$$\frac{\delta \cdot L - \delta_0 \cdot L_0}{a \cdot E} = \frac{\delta \cdot L - \delta_0 \cdot L_0}{a_{12} \cdot \cos \psi \cdot E} = \frac{\delta - \delta_0}{E \cdot \cos \psi}$$

(3) Ovo uvažava činjenicu da ukupno izduženje usled naprezanja (σL_σ), zavisi od ukupnog naprezanja σ_F , a ne samo usled horizontalne komponente σ .

$$(2) \text{ i } (3) \Rightarrow (1)$$

$$\frac{a^3 \cdot \cos \psi}{24} \cdot \left(\frac{\gamma^2}{\delta^2} - \frac{\gamma_0^2}{\delta_0^2} \right) = \left[(t - t_0) \cdot \alpha + \frac{\delta - \delta_0}{E \cdot \cos \psi} \right] \cdot a \cdot \left(\frac{1}{\cos \psi} + \frac{a^2 \cdot \gamma^2 \cdot \cos \psi}{24 \cdot \delta_0^2} \right)$$

za umerene raspone je $a^2 \ll \left(\frac{\delta_0}{\gamma_0} \right)^2$, a član $\left(\frac{\delta_0}{\gamma_0} \right)^2$ veći od 1000 m, pa sledi da je:

$$\frac{a^2 \cdot \gamma^2 \cdot \cos \psi}{24 \cdot \delta_0^2} = 0$$

2.1.4.1 Jednačina promene stanja za umerene raspone

$$\frac{a^2 \cdot \cos^2 \psi}{24} \cdot \left(\frac{\gamma^2}{\delta^2} - \frac{\gamma_0^2}{\delta_0^2} \right) = (t - t_0) \cdot \alpha + \frac{\delta - \delta_0}{E \cdot \cos \psi} \quad \text{- jednačina stanja za kose raspone:}$$

$$a < 500 \text{ m} ; \psi \leq 30^\circ$$

Za umereno prave raspone ($a < 500 \text{ m}$):

$$\frac{a^2}{24} \cdot \left(\frac{\gamma^2}{\delta^2} - \frac{\gamma_0^2}{\delta_0^2} \right) = (t - t_0) \cdot \alpha + \frac{\delta - \delta_0}{E} \quad \text{- prav raspon}$$

2.1.4.1 Jednačina promene stanja za umerene raspone

- Kako se u zadacima koristi neki od gornjih izraza:
poznato: sve sa indeksom 0 ; γ , α , a , E
nepoznato: σ , t
- Za konkretnu primenu jednačine stanja provodnika neophodno je odrediti početne uslove. Za početnu vrednost naprezanja treba usvojiti najveće dozvoljeno naprezanje: $\sigma_0 = (\sigma_{mr}) = \sigma_{nd}$
- Za početnu vrednost temperature treba usvojiti vrednost na kojoj se javlja početno naprezanje.

2.1.4.1 Jednačina promene stanja za umerene raspone

- U principu se može uzeti bilo koji par (σ , t) u opsegu (-20°C do $+40^{\circ}\text{C}$), da se ne prekorači σ_{nd} (maksimalna vrednost naprezanja). Kod izbora početne temperature javlja se teškoća jer se maksimalno naprezanje može pojaviti pri:
 - (-20°C) bez dodatne specifične težine usled leda
 - (-5°C) sa dodatnom specifičnom težinom usled leda
- Kod koje će se od ove dve temperature javiti veće naprezanje zavisi od raspona. Da bi se mogla odrediti početna temperatura, mora se prethodno odrediti kritični raspon.