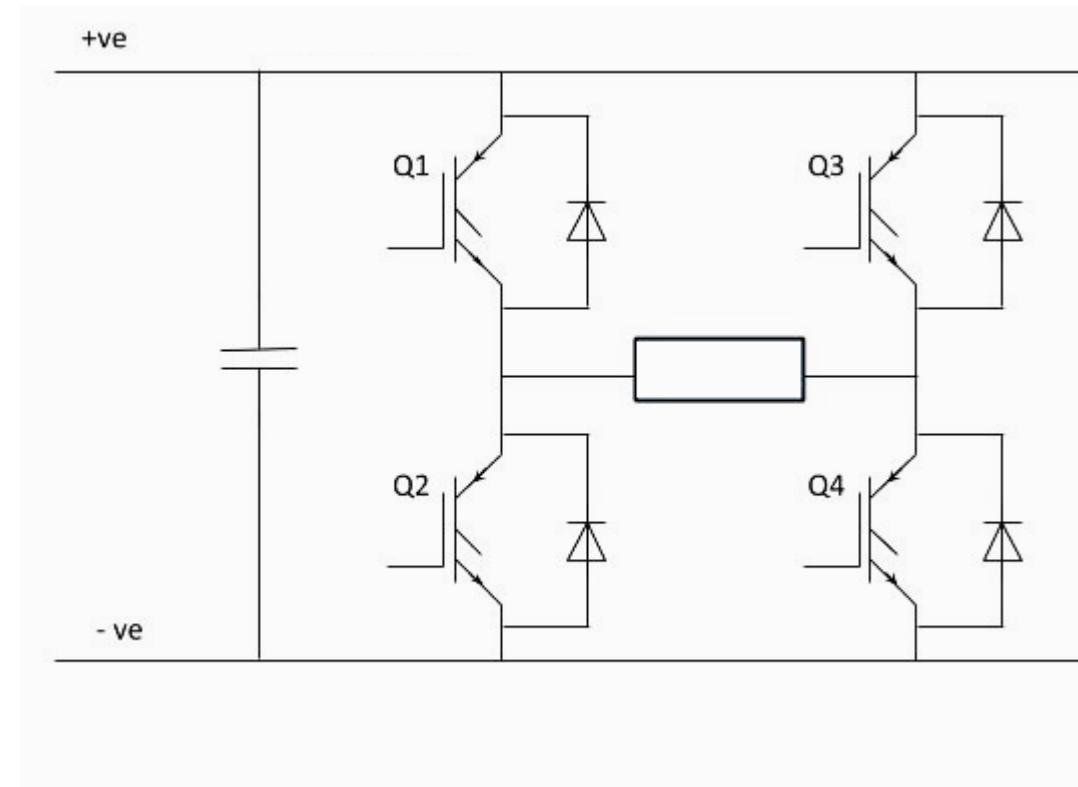
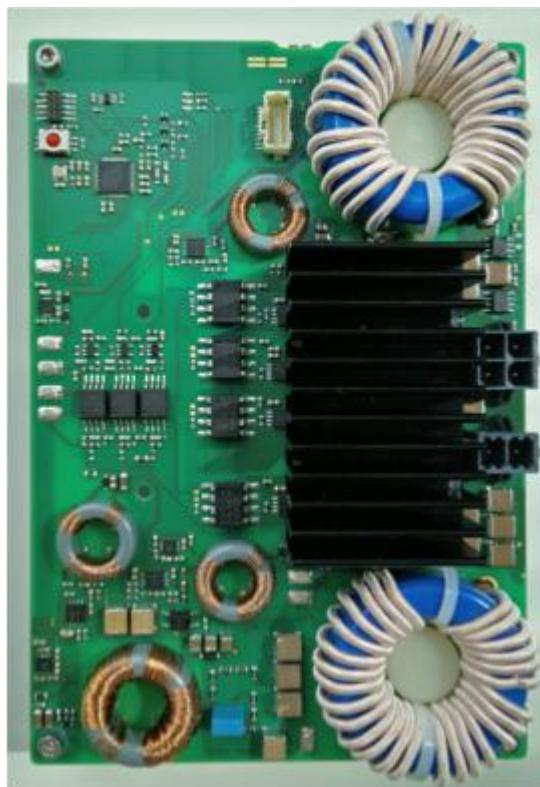




# DC/AC pretvarači - INVERTORI



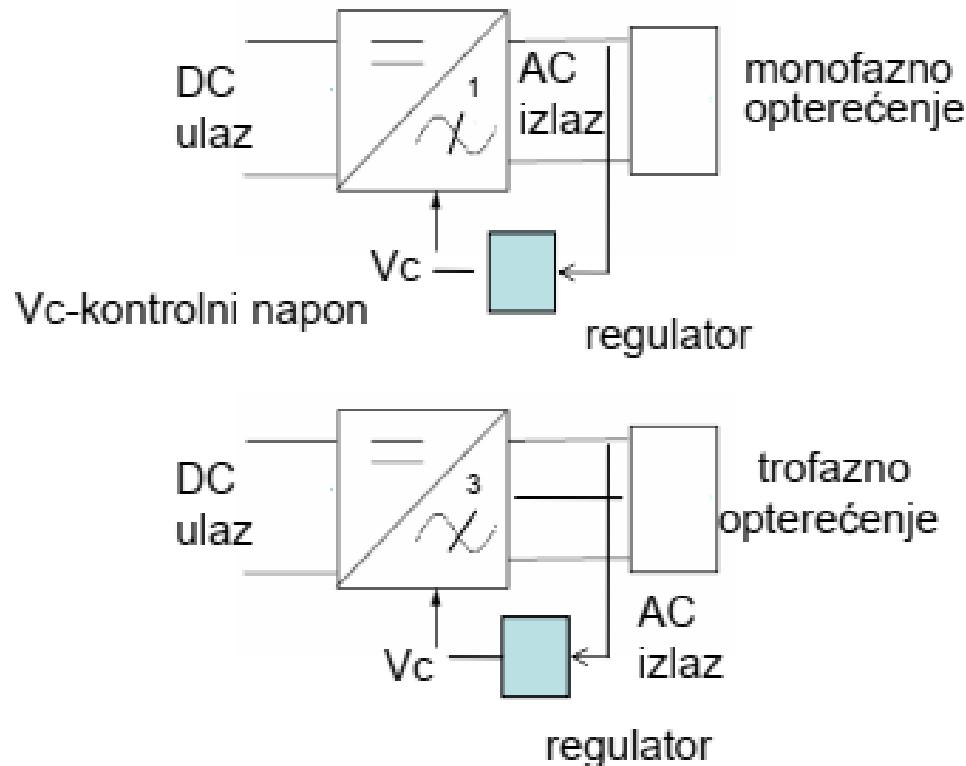
Predmetni profesor: Dr Željko Despotović, dipl.el.inž.

# UVOD

- Invertori su DC/AC prekidački elektroenergetski pretvarači koji se koriste za napajanje potrošača naizmeničnim naponom promenljive efektivne vrednosti i/ili promenljive učestanosti.
- Prema načinu napajanja opterećenja invertori mogu biti naponski (*voltage source inverters* – VSI) ili strujni (*current source inverters* – CSI).
- U ovoj prezentaciji su analizirane topologije i funkcionisanje naponskih invertora.
- Izlazni napon naponskog invertora sastoji se od povorke bipolarnih naponskih impulsa koji se oblikuju procesom modulacije trajanja impulsa
- Upotrebom prostoperiodičnog modulišućeg signala, spektar izlaznog napona invertora će se sastojati od osnovnog harmonika, što je ustvari željeni napon na opterećenju, i niza viših harmonika koji se odstranjuju filtrom propusnikom opsega niskih učestanosti.
- Oblast primene invertora je veoma široka a najčešće se koriste u regulaciji elektromotornih pogona, u sistemima besprekidnog napajanja, za napajanje potrošača iz baterijske banke sistema ili iz obnovljivih izvora energije, za prenos energije iz obnovljivih izvora energije u distributivnu mrežu itd.

# PRIMENA-osnovne blok šeme

## DC/AC pretvarači-INVERTORI

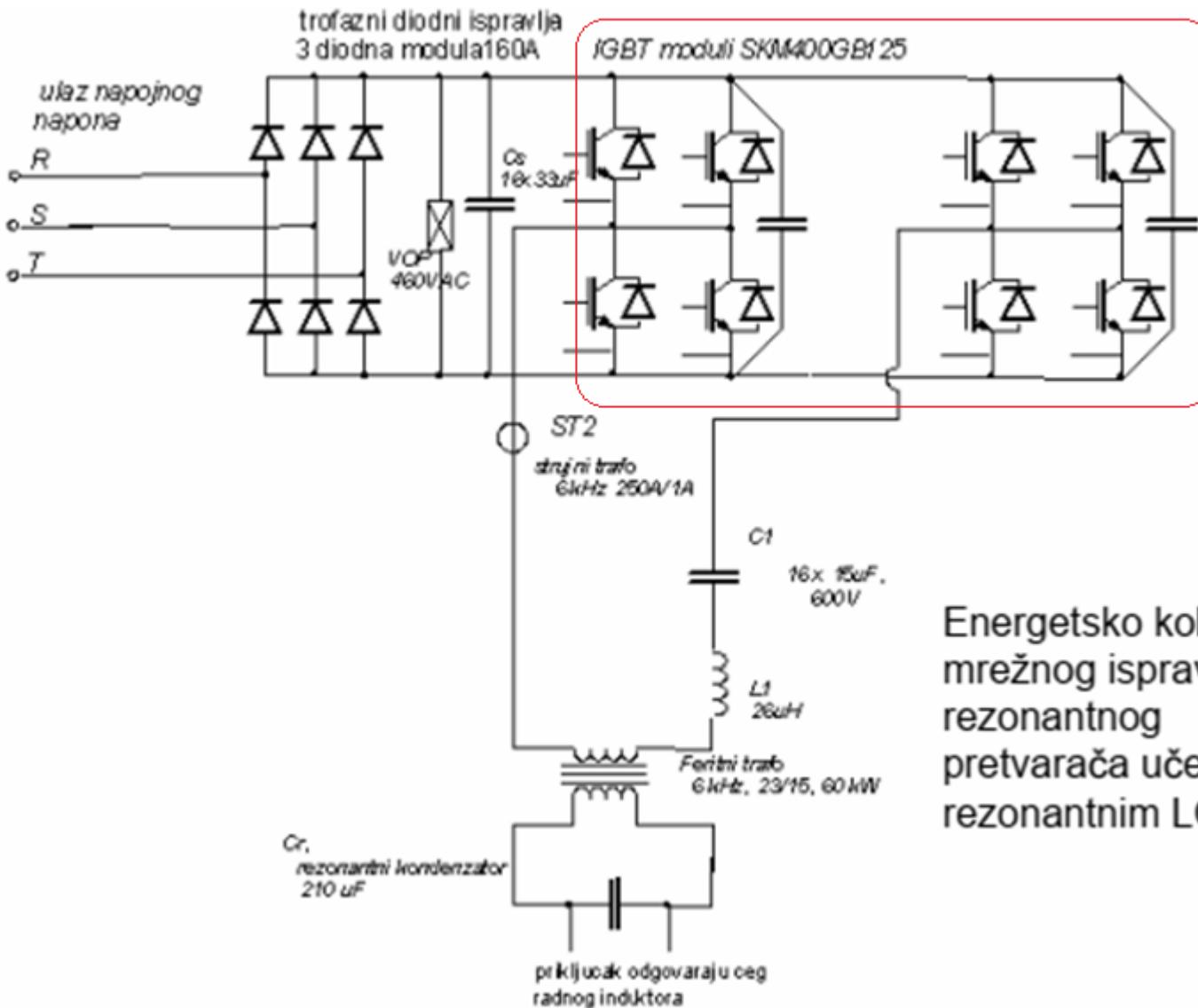


## PRIMENA:

- regulisani motorni pogoni
- kućne aplikacije
- el.vuča
- DC transmisije

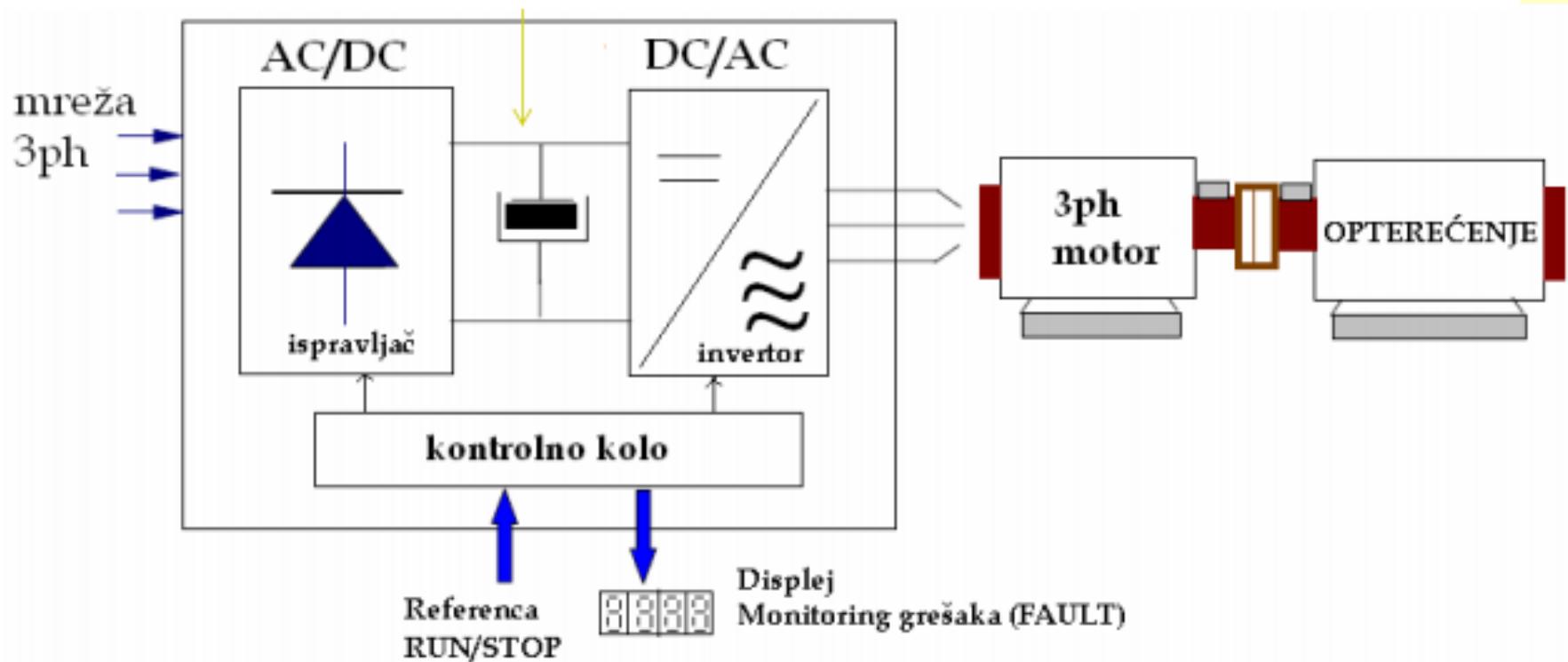
**DC ulaz:** jednosmerni izvori napajanja, izlaz ispravljačkih jedinica, solarne ćelije, DC vetrogeneratori , baterije, gorivne ćelije

# REZONANTNI MONOFAZNI INVERTOR ZA INDUKCNO ZAGREVANJE



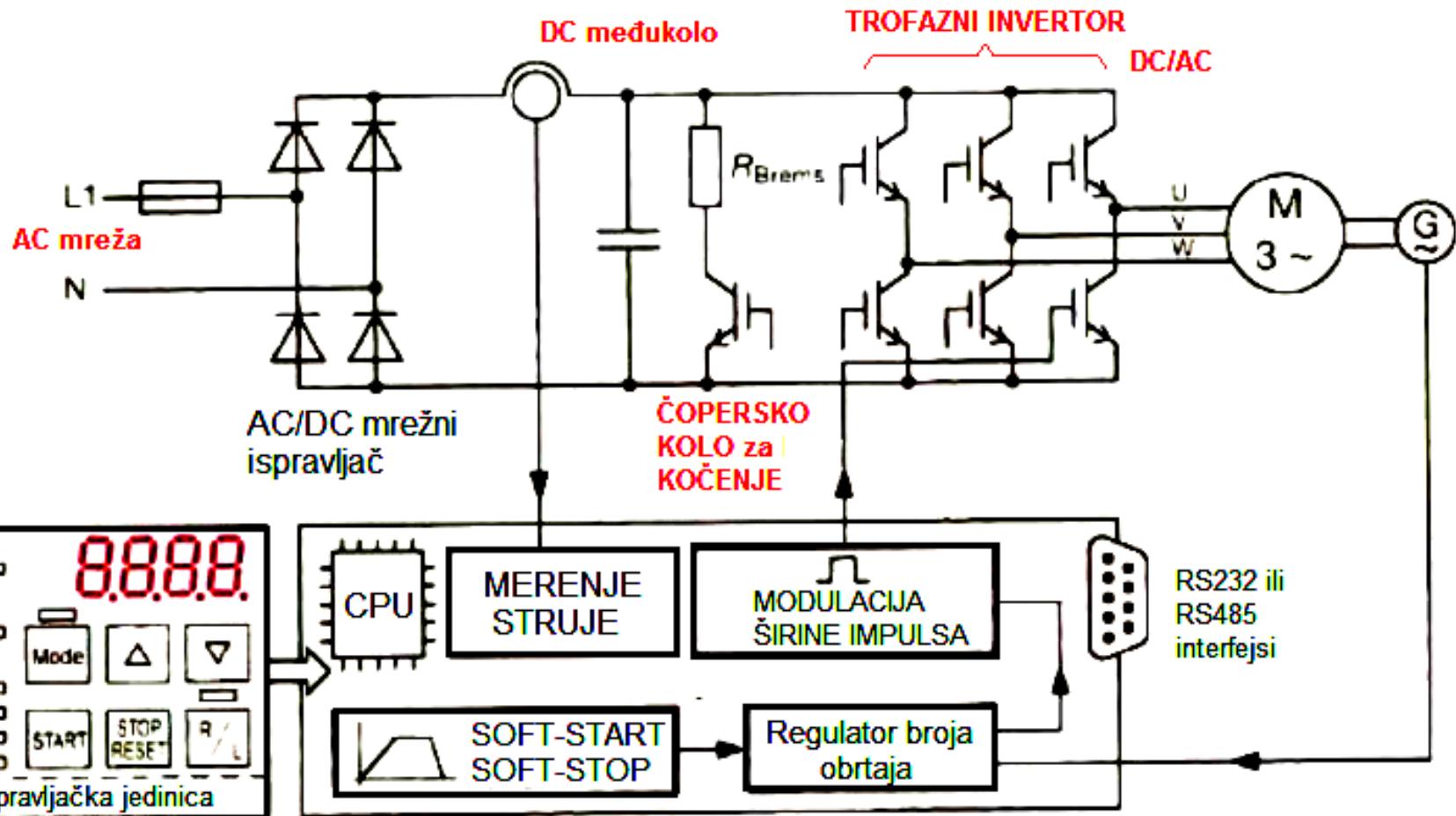
Energetsko kolo trofaznog mrežnog ispravljača i rezonantnog pretvarača učestanosti sa rezonantnim LC kolom

# PRIMENA u AC REGULISANIM POGONIMA



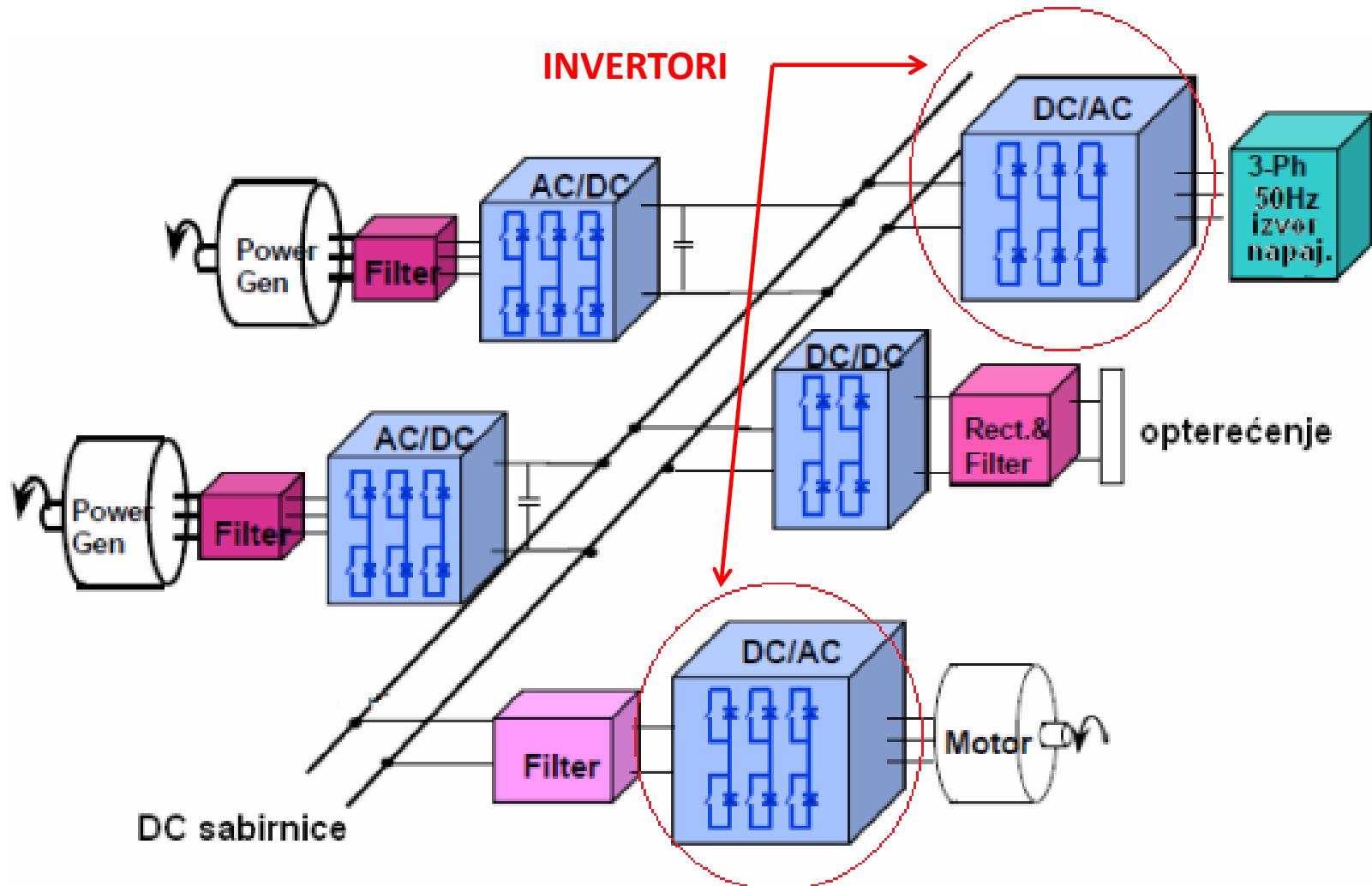
- DVA PRETVARANJA ENERGIJE AC-DC i DC/AC  
ISPRAVLJAČ, DC MEĐUKOLO, INVERTOR
- Pored toga, reakcija invertora na promene regulacionog zahteva je toliko brza da se može smatrati da odgovara na trenutne vrednosti naizmenične reference.

# TROFAZNI INVERTOR(frekventni regulator) ZA REGULACIJU BRZINE ASINHRONOG MOTORA

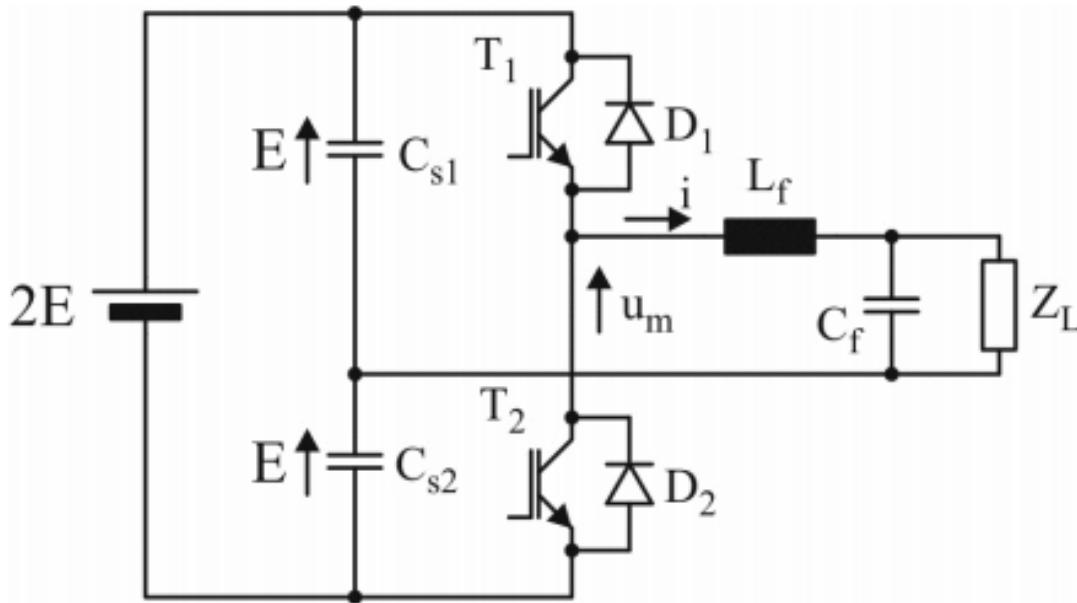


# PRIMENA U SISTEMU ENERGETSKIH PRETVARAČA-

## Koncentrisani DC BUS sistem

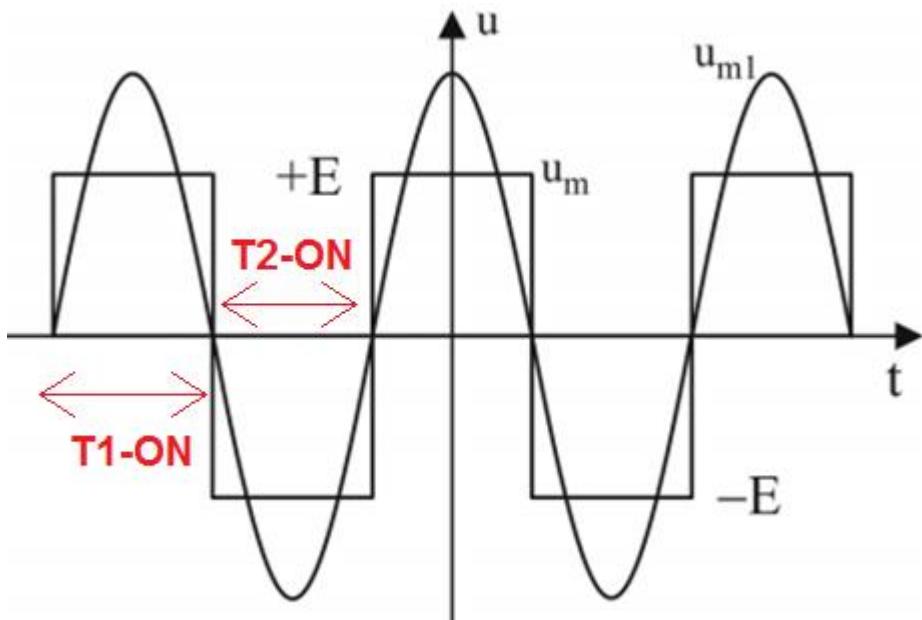
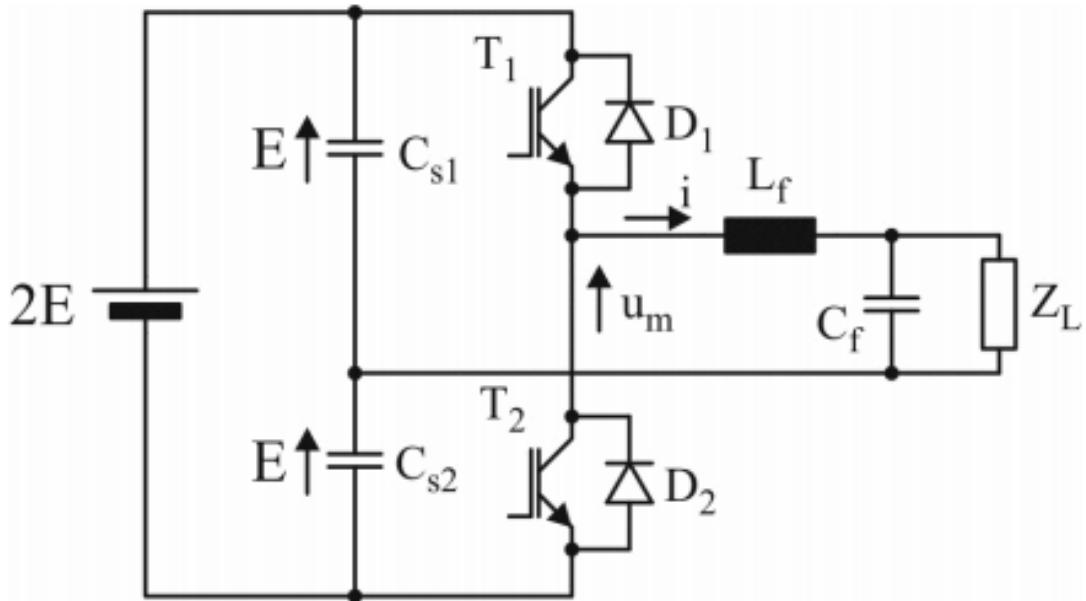


# MONOFAZNI POLUMOSNI NAPONSKI INVERTOR-topologija



- U jednosmernom međukolu, na izvor jednosmernog napajanja ( $2E$ ), priključena su dva redno vezana kondenzatora ( $C_{s1}$  i  $C_{s2}$ ) čime se dobijaju dva naponska generatora napona „ $E$ “.
- Uključenjem tranzistora  $T_1$  izlazni napon invertora je  $u=E$ . Ako je izlazna struja  $i$  pozitivna, provodiće tranzistor  $T_1$ , a ako je negativna, provodiće dioda  $D_1$ .
- Uključenjem tranzistora  $T_2$  izlazni napon invertora je  $u=-E$ . Ako je izlazna struja  $i$  pozitivna, provodiće dioda  $D_2$ , a ako je negativna, provodiće tranzistor  $T_2$ .

# POLUMOSNI NAPONSKI INVERTOR-osnovni princip rada

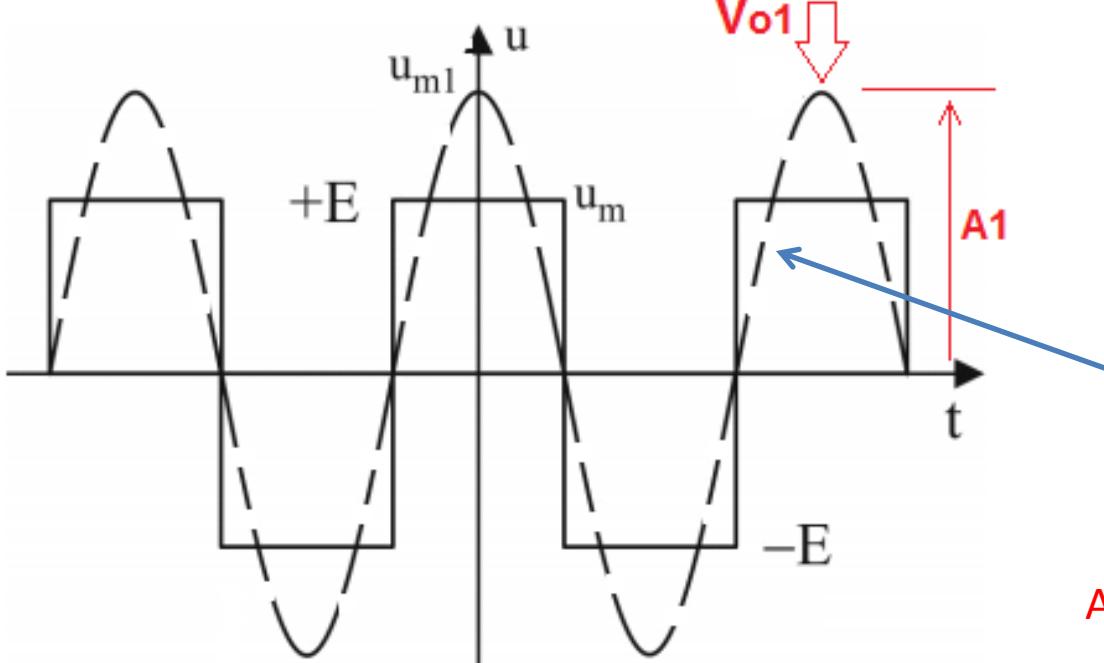


Najjednostavniji način da se ostvari naizmenični napon na opterećenju jeste da se u toku jedne poluperiode drži uključen jedan tranzistor a u toku druge poluperiode drugi tranzistor tako da će izlazni napon invertora i njegov osnovni harmonik imati pravougaoni bipolarni talasni oblik.

T<sub>1</sub>→ON i T<sub>2</sub>→OFF => U<sub>out</sub>= +E

T<sub>2</sub>→ON i T<sub>1</sub>→OFF => U<sub>out</sub>= -E

# HARMONICI



Osnovni harmonik izlaznog napona invertora je:

$$V_{01} = A_1 \cos(\omega t)$$

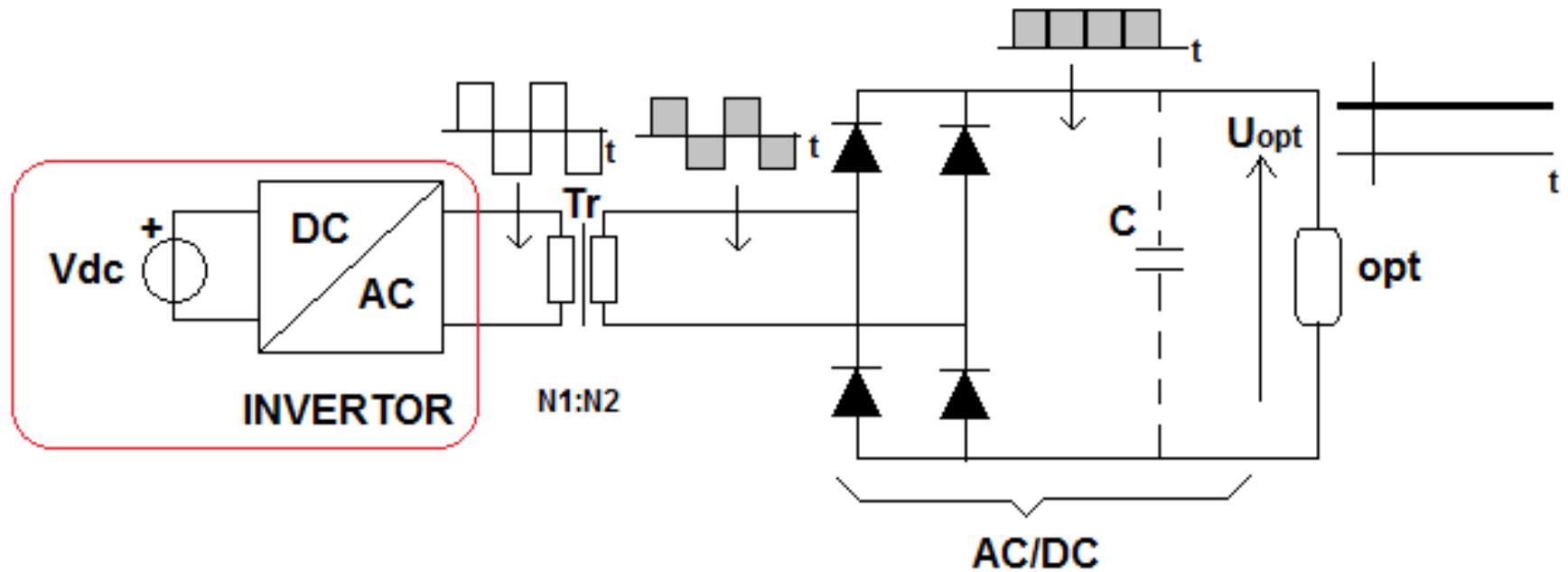
Amplituda osnovnog harmonika je:

$$A_1 = \frac{1}{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} E \cos(x) dx = \frac{2}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} E \cos(x) dx = \frac{2E}{\pi} \sin(x) \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} = \frac{4E}{\pi}$$

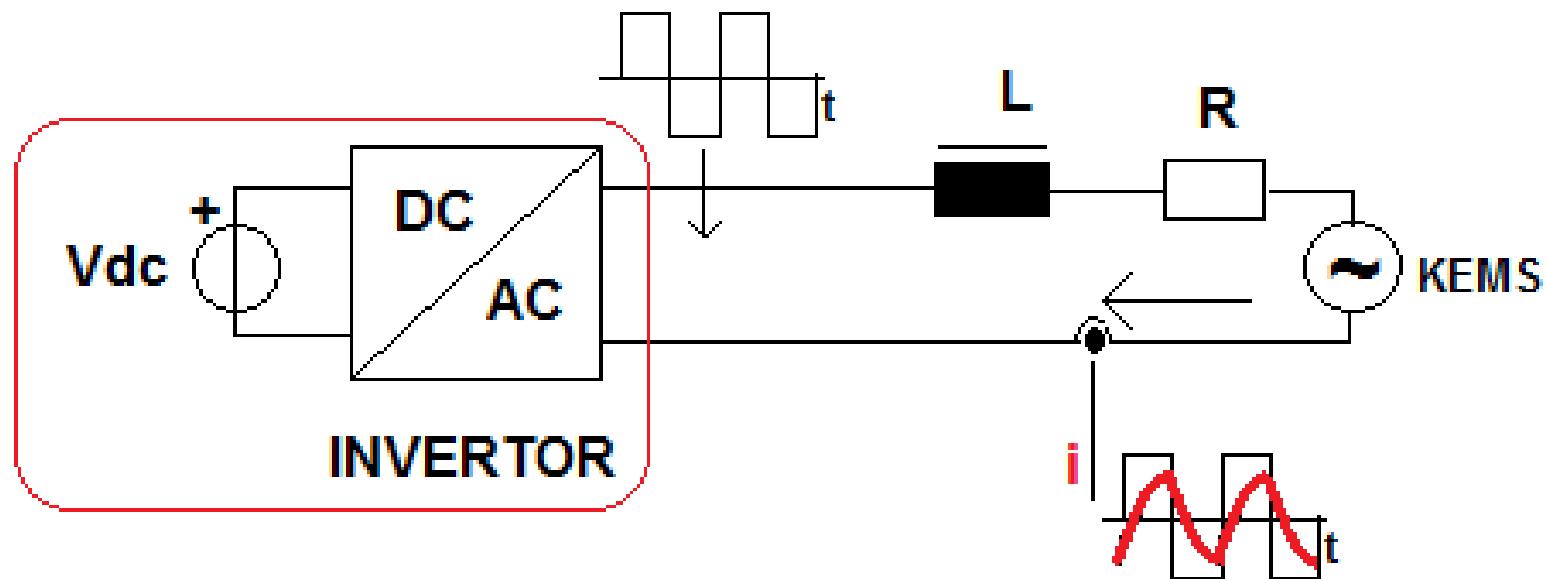
Amplituda k-tog (višeg) harmonika je :

$$A_k = \frac{1}{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} E \cos(kx) dx = \frac{1}{k} \cdot \frac{4E}{\pi} \quad k = 1, 3, 5, \dots \infty$$

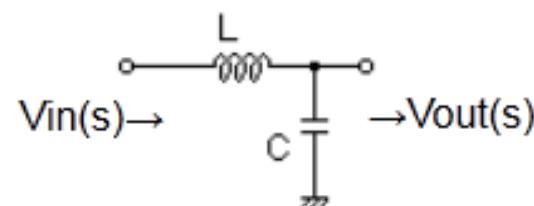
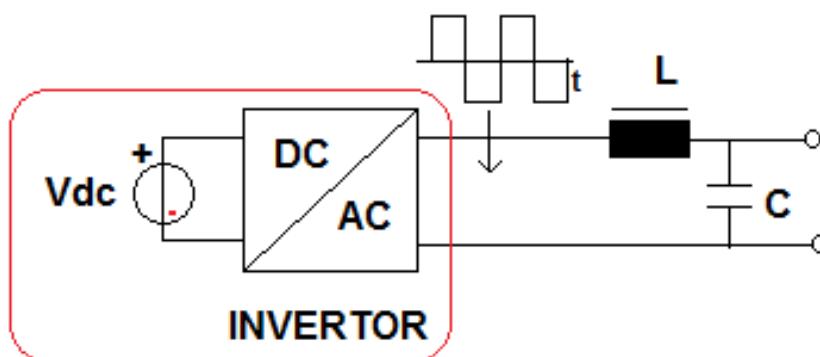
Pravougaoni, bipolarni izlazni napon invertora pogodan je za potrošače koji se na napajanje priključuju preko transformatora i diodnog ispravljača.



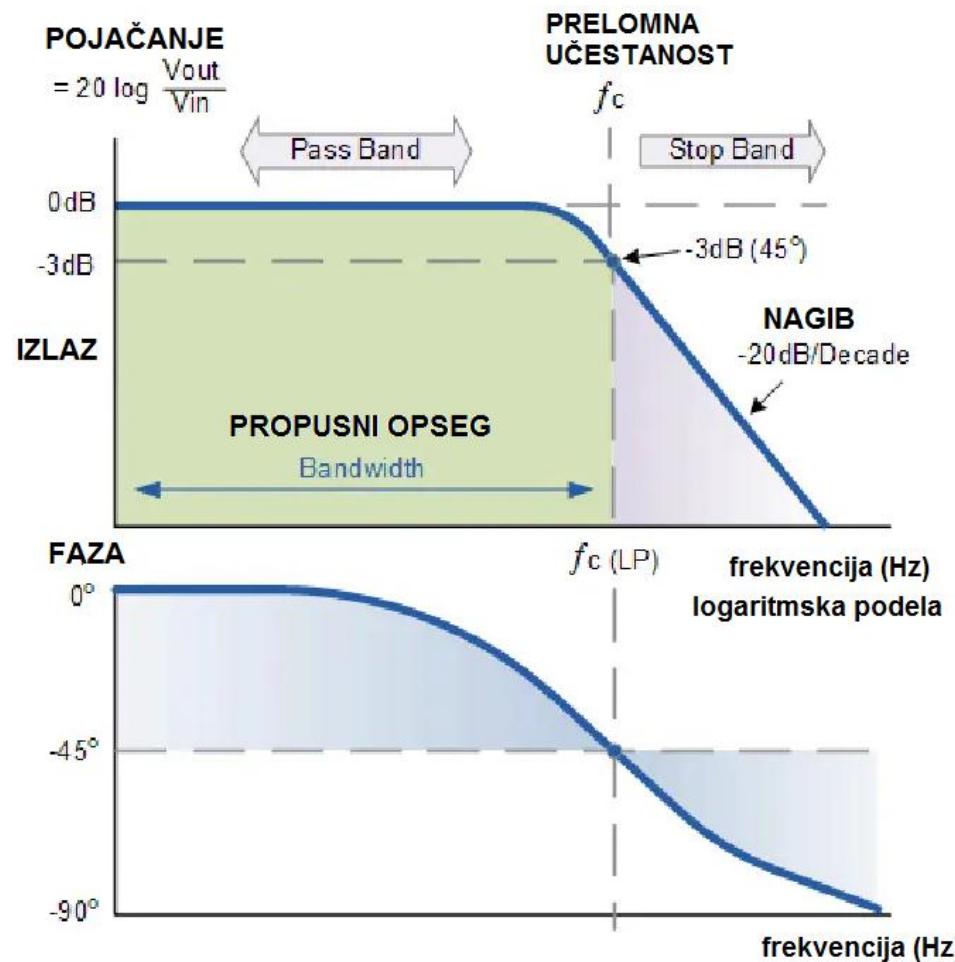
Pravougaoni, bipolarni izlazni napon invertora pogodan je za monofazne induktivne potrošače sa kvazi sinusnom strujom (elektromotor cirkulacione pumpe manje snage, elektromotor bušilice, pogoni sa komutatornim elektromotorima i sl. ....)



- Za potrošače koji zahtevaju prostoperiodičan napon napajanja prisustvo viših harmonika predstavlja harmonijska izobličenja koja treba odstraniti izlaznim LC filtrom.
- Prelomna učestanost filtra mora biti veća od učestanosti osnovnog harmonika kako ga ne bi oslabila.
- Zbog toga filter ima vrlo malo slabljenje za harmonike niskih učestanosti pa se ovi harmonici moraju otkloniti procesom modulacije trajanja impulsa tj. putem tzv. *Pulse Width Modulation (PWM)*.



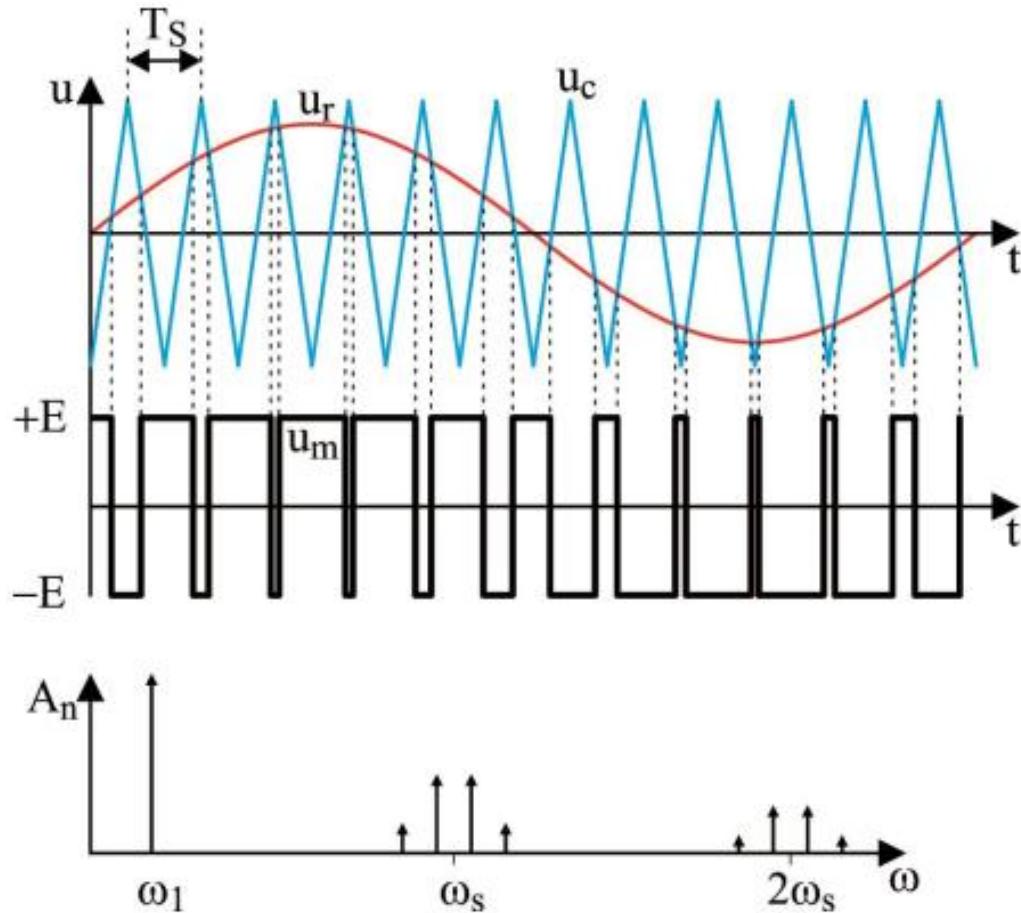
$$\frac{V_o}{V_i} = \frac{\frac{1}{LC}}{s^2 + \frac{1}{LC}} = \frac{\omega_0^2}{s^2 + \omega_0^2}$$



# MODULACIJA TRAJANJA IMPULSA- BIPOLARNA MODULACIJA

Modulacija položaja prednje i zadnje ivice impulsa prirodnim odabiranjem koji se može opisati matematičkim izrazom:

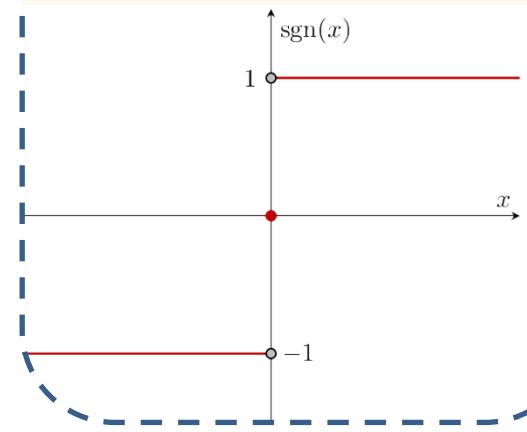
$$u_m(t) = \text{sgn}[u_r(t) - u_C(t)] \cdot E$$



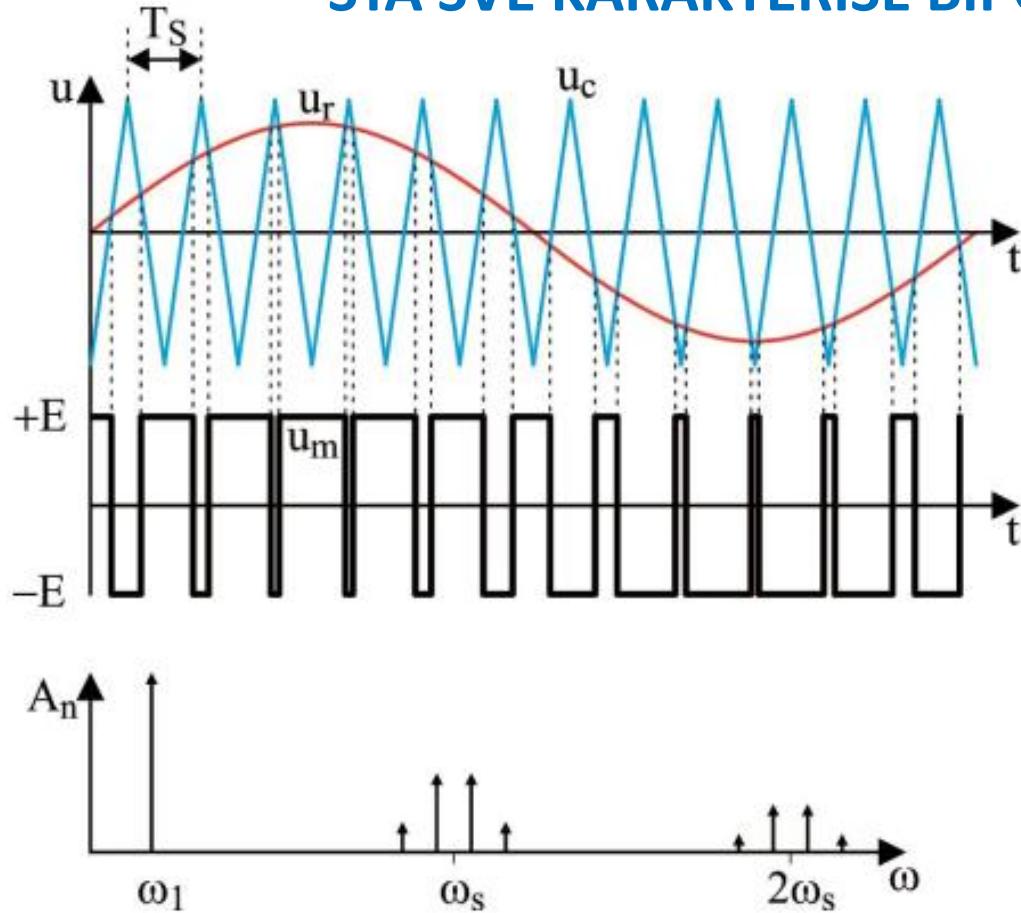
$\text{sign}(x)=????$

$$\text{sgn}(x) = \begin{cases} \frac{|x|}{x} & \text{ili } \frac{x}{|x|}, x \neq 0 \\ 0 & ; x = 0 \end{cases}$$

$$= \begin{cases} -1, x < 0 \\ 0, x = 0 \\ 1, x > 0 \end{cases}$$

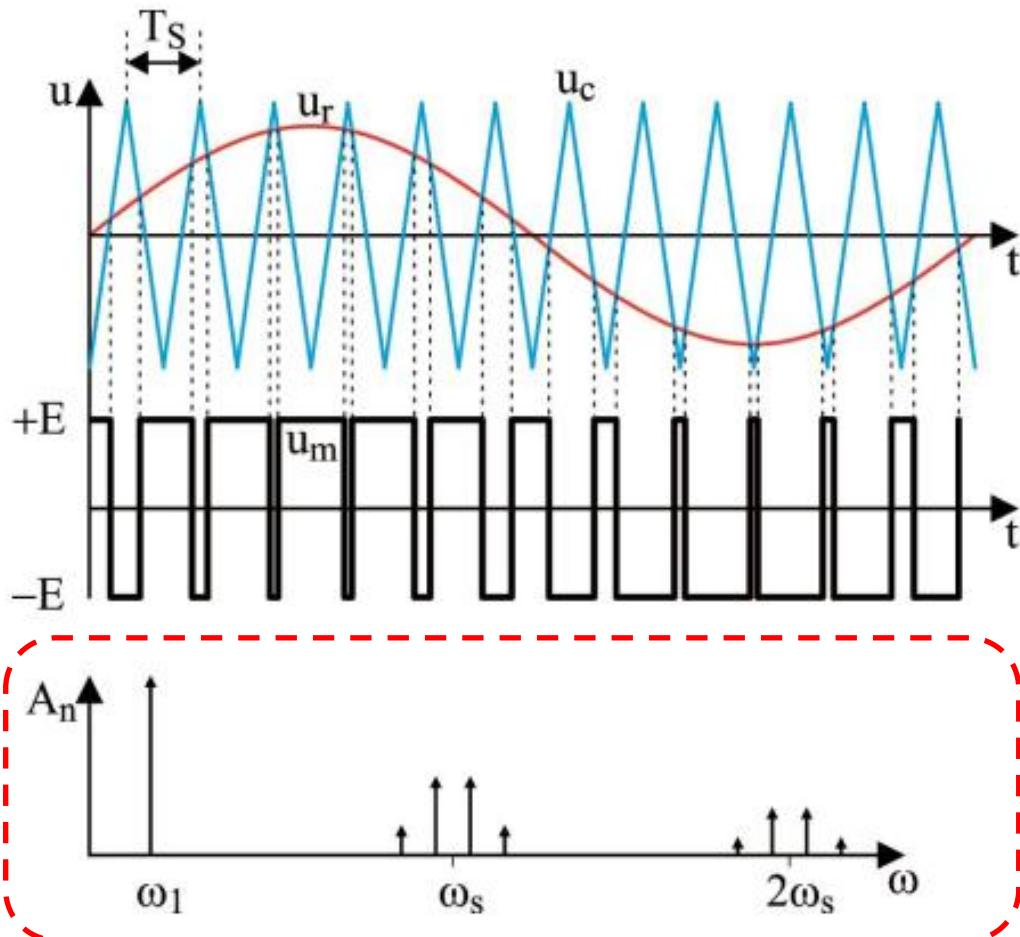


# ŠTA SVE KARAKTERIŠE BIPOLARNU MODULACIJU???



- modulišući signal ( $u_r$ ),
- nosilac ( $u_c$ ),
- perioda odabiranja ( $T_s$ ),
- modulisani signal ( $u_m$ )
- spektar izlaznog napona invertora

S obzirom na to da se izlazni napon invertora menja od  $+E$  do  $-E$  ovakav tip modulacije naziva se bipolarna modulacija. Odnos maksimalnih trenutnih vrednosti modulišućeg signala i nosioca naziva se indeks modulacije.

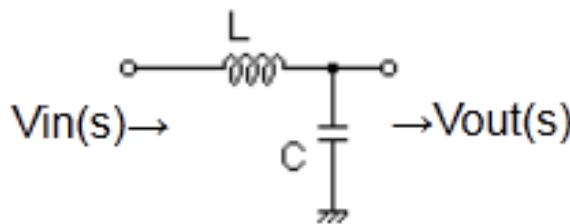


### Spektar izlaznog napona invertora

se sastoji od osnovnog harmonika i niza viših harmonika grupisanih oko harmonika čija je učestanost celobrojni umnožak učestanosti odabiranja ( $\omega_s$ ).

-U spektru mogu postojati samo neparni harmonici jer je ispunjen uslov  $f(t+T/2) = -f(t)$

-Kako je u prikazanom primeru  $\omega_s = 12 \omega_1$ , sledi da ne postoje harmonici na učestanosti  $\omega = k\omega_s$  jer bi to bili parni harmonici.



## IZRAČUNAVANJE SLABLJENJA LC-filtra

$$\frac{\omega}{\omega_0} = \frac{\frac{1}{LC}}{s^2 + \frac{1}{LC}} = \frac{\omega_0^2}{s^2 + \omega_0^2}$$

$s = j\omega$   
 $s^2 = -\omega^2$

 $\frac{\omega}{\omega_0} = \frac{\omega_0^2}{s^2 + \omega_0^2} = \frac{\omega_0^2}{\omega_0^2 - \omega^2}$

$$\frac{\omega}{\omega_0} = \frac{\omega_0^2}{\omega_0^2 - \omega^2} = \frac{1}{1 - \frac{\omega^2}{\omega_0^2}} = \frac{1}{\frac{\omega^2}{\omega_0^2} - 1}$$

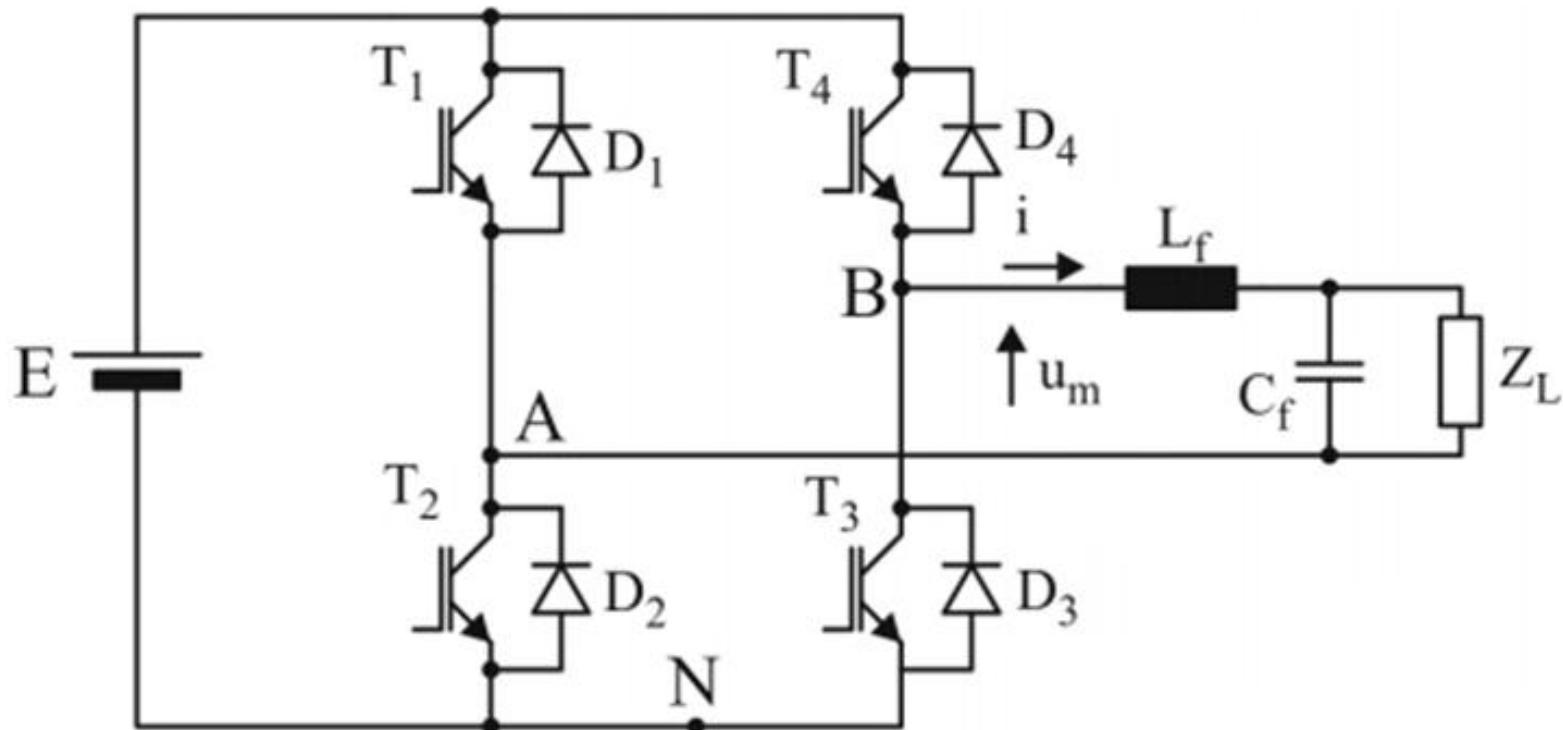
→

$\left| \frac{\omega}{\omega_0} \right| = \frac{1}{\frac{\omega^2}{\omega_0^2} - 1}$

$$\left| \frac{\omega}{\omega_0} \right| \approx \frac{1}{\frac{\omega^2}{\omega_0^2}} = \frac{\omega_0^2}{\omega^2} \text{ za } \omega \gg \omega_0$$

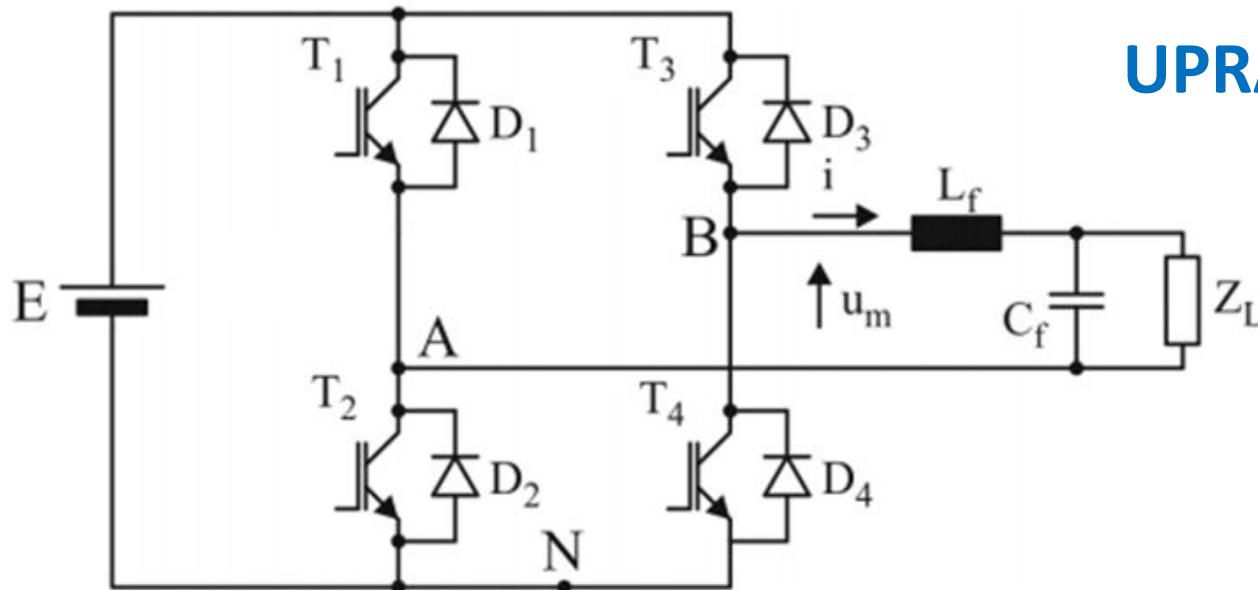
Učestanost odabiranja ( $\omega_s = 5\text{KHz} \dots 20\text{ kHz}$ ) i mnogo je veća od učestanosti osnovnog harmonika (obično 50Hz ili 50Hz), iz prenosne funkcije sledi da će harmonijska izobličenja napona na opterećenju biti veoma mala.

# MONOFAZNI MOSNI NAPONSKI INVERTOR-topologija



Za razliku od polumosnog invertora čiji izlazni napon može imati dva naponska nivoa ( $+E$  i  $-E$ ), izlazni napon mosnog invertora, može imati tri naponska nivoa !!!!

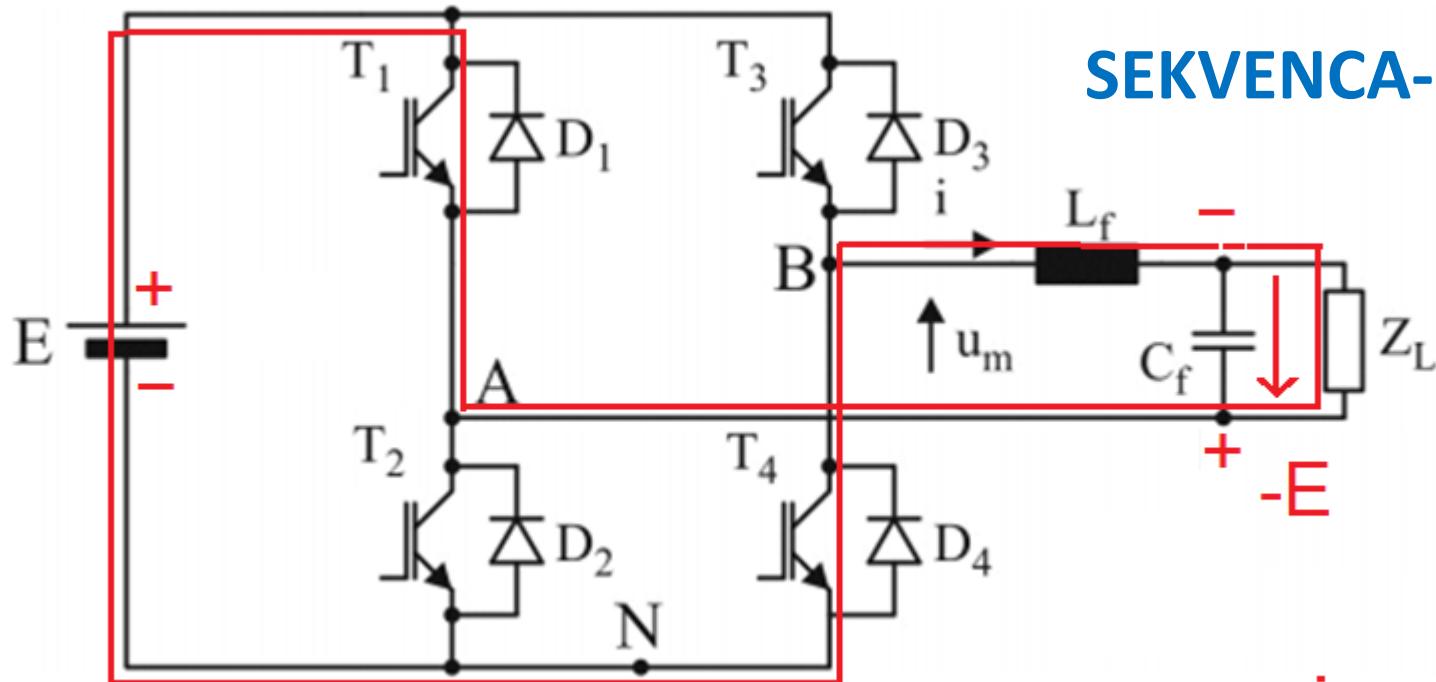
# UPRAVLJANJE



T1	T2	T3	T4	u
ON	OFF	OFF	ON	-E
OFF	ON	ON	OFF	+E
ON	OFF	ON	OFF	0
OFF	ON	OFF	ON	0

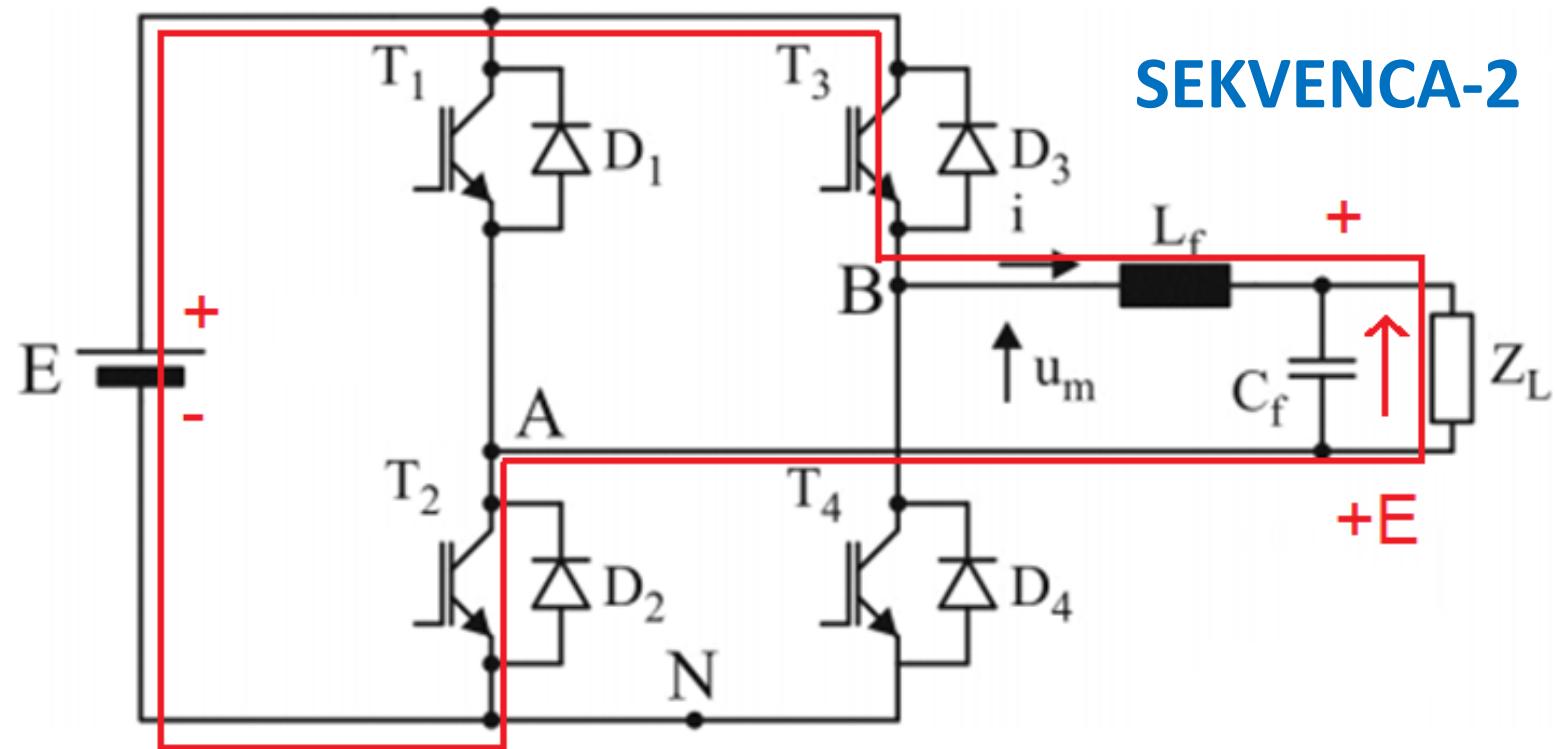
U cilju smanjenja harmonijskih izobličenja, kod ove topologije invertora, mogu se primeniti dva načina modulacije trajanja impulsa. **Prvi način upravljanja** je da se istovremenim uključenjem i isključenjem parova tranzistora T1-T4 i T2-T3 postigne bipolarna modulacija kao kod polumosnog monofaznog naponskog invertora.

## SEKVENCA-1



SEKVENCA-1

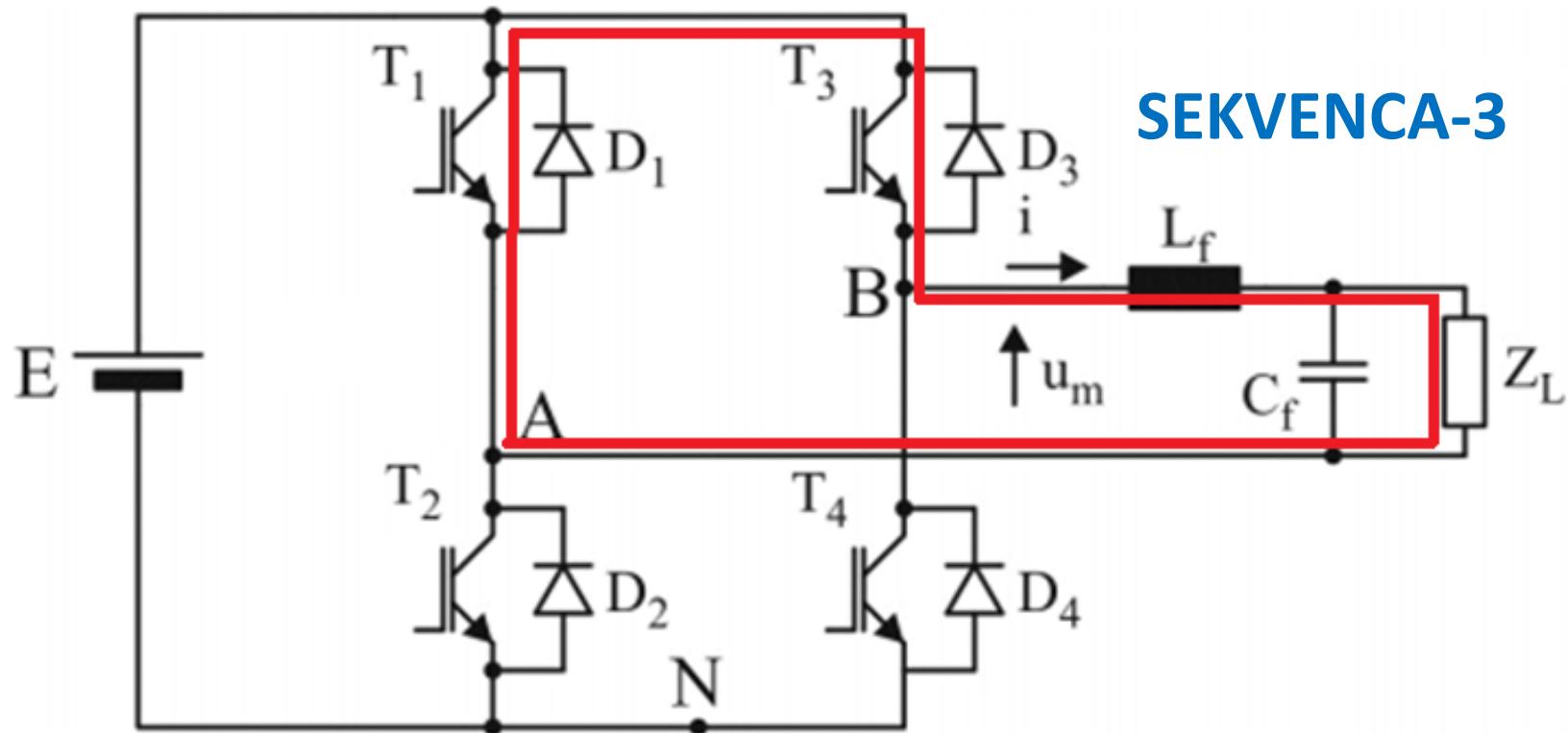
T1	T2	T3	T4	$u$
ON	OFF	OFF	ON	$-E$
OFF	ON	ON	OFF	$+E$
ON	OFF	ON	OFF	0
OFF	ON	OFF	ON	0



T1	T2	T3	T4	u
ON	OFF	OFF	ON	-E
OFF	<span style="border: 1px solid red;">ON</span>	<span style="border: 1px solid red;">ON</span>	OFF	<span style="border: 1px solid red;">+E</span>
ON	OFF	ON	OFF	0
OFF	ON	OFF	ON	0

**SEKVENCA-2**

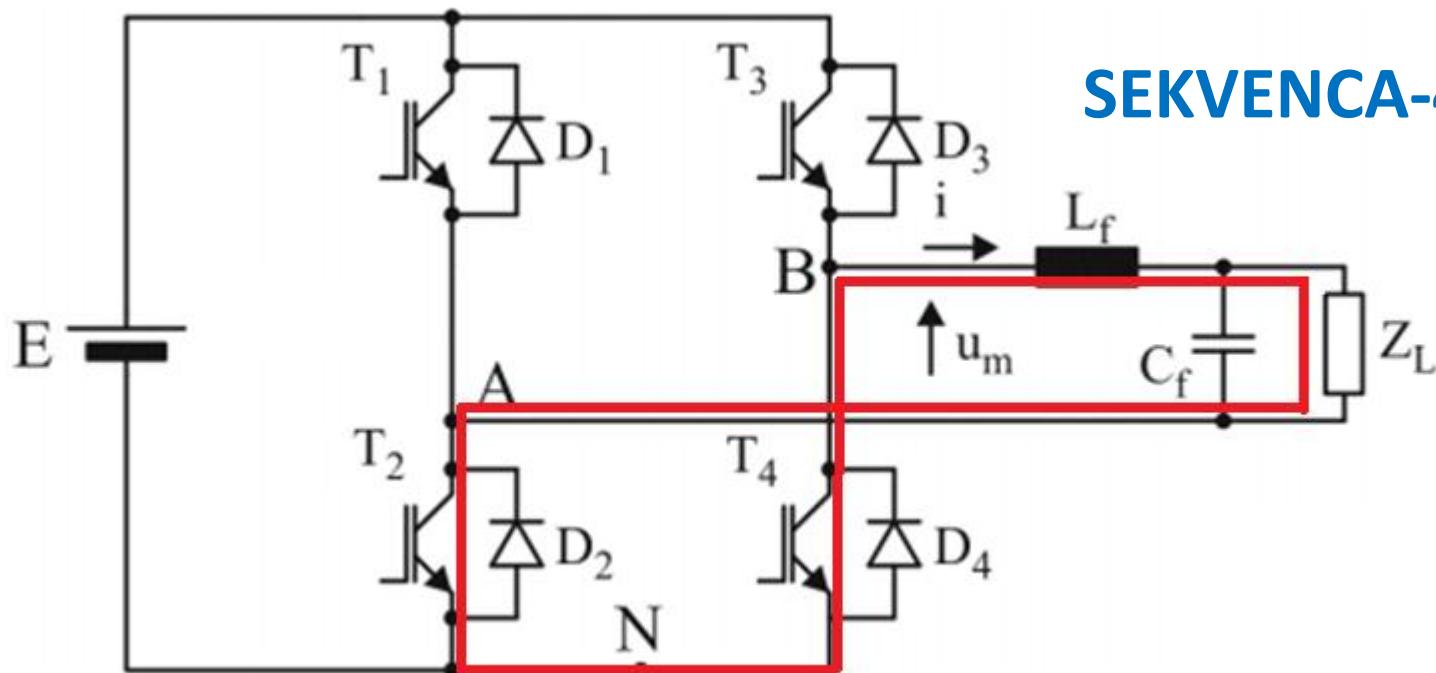
## SEKVENCA-3



$T_1$	$T_2$	$T_3$	$T_4$	$u$
ON	OFF	OFF	ON	$-E$
OFF	ON	ON	OFF	$+E$
ON	OFF	ON	OFF	0
OFF	ON	OFF	ON	0

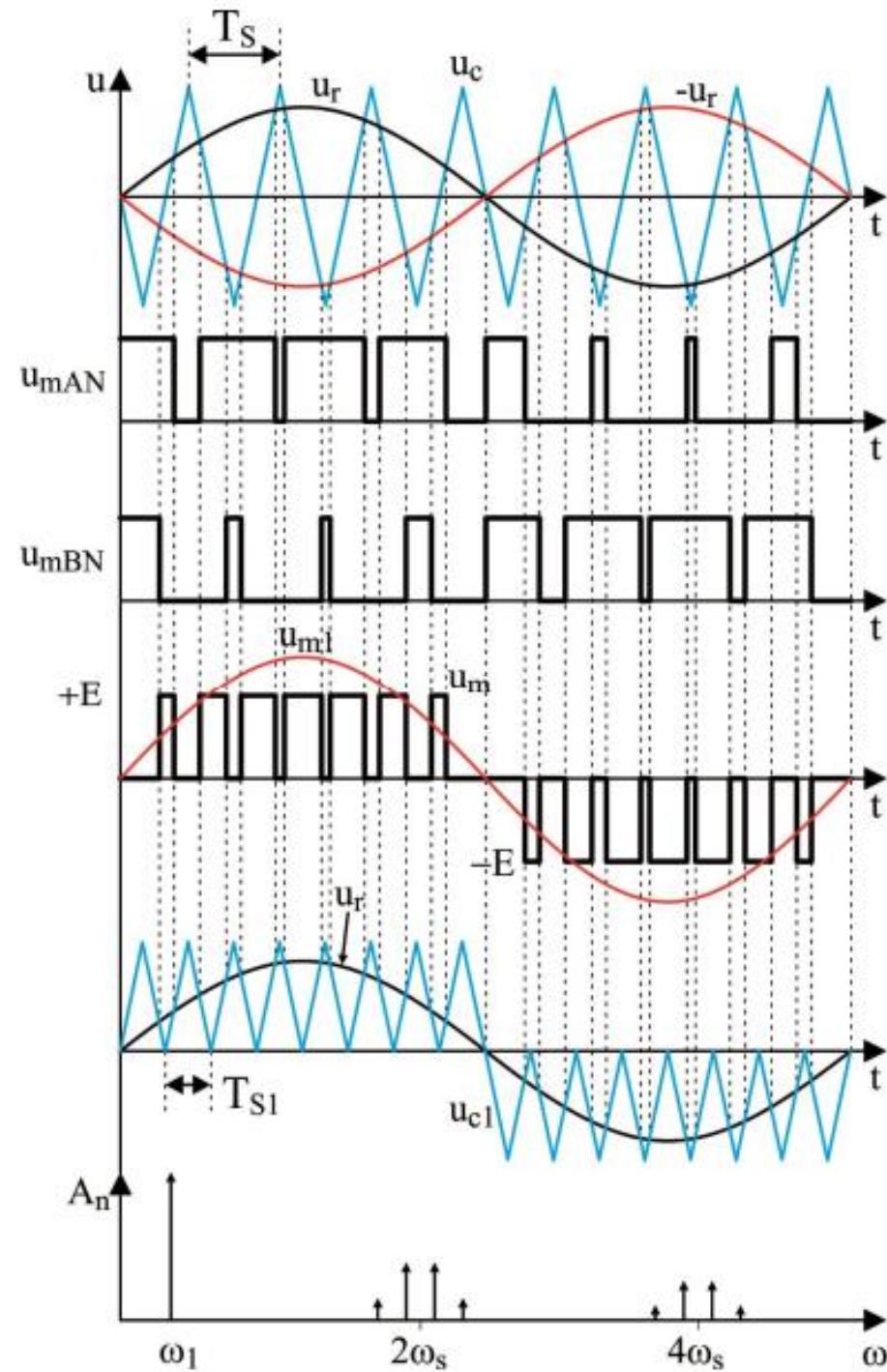
SEKVENCA-3

## SEKVENCA-4



T1	T2	T3	T4	u
ON	OFF	OFF	ON	-E
OFF	ON	ON	OFF	+E
ON	OFF	ON	OFF	0
OFF	ON	OFF	ON	0

SEKVENCA-4



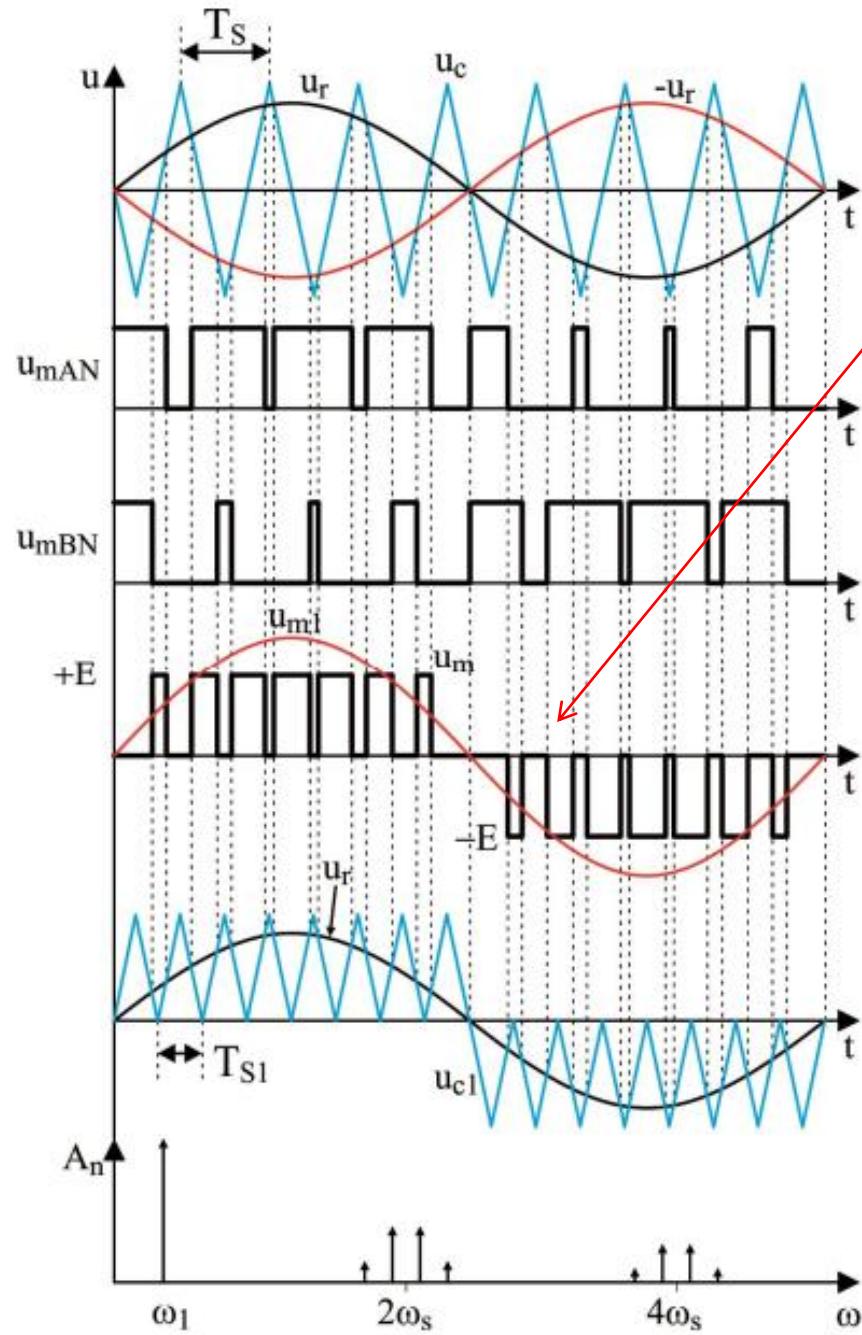
**Drugi način upravljanja** je da se mosni invertor posmatra kao dva nezavisna polumosna invertora gde je napon na opterećenju jednak razlici napona ova dva invertora. U tom slučaju upravljanje ovim invertorima može biti nezavisno.

-Za jednu granu invertora koristi se modulišući napon  $U_r$  dok se za drugu granu koristi napon  $-U_r$ .

-Na ovaj način dobijaju se modulisani naponi  $U_{mAN}$  i  $U_{mBN}$ .

**IZLAZNI NAPON INVERTORA JE:**

$$u_m = u_{mAN} - u_{mBN}$$

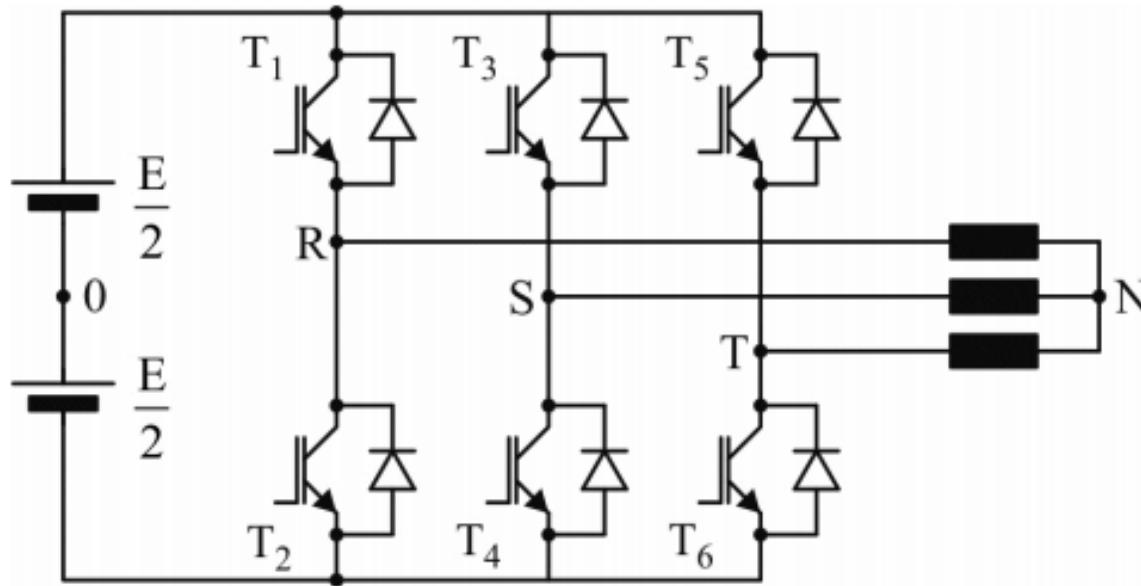


-Izlazni napon invertora,  $u$  toku jedne poluperiode menja od 0 do  $+E$  a u drugoj poluperiodi od 0 do  $-E$  zbog čega se ovaj način modulacije trajanja impulsa naziva **unipolarna modulacija**.

-Modulisani izlazni napon invertora istog je oblika i kao da je vršena unipolarna modulacija nosiocem ( $U_{c1}$ ) dvostruko veće učestanosti ( $\omega_{s1}$ ) pa se viši harmonici pojavljuju grupisani oko učestanosti  $n\omega_{s1}=2n\omega_s$  ( $n=1, 2, \dots$  ).

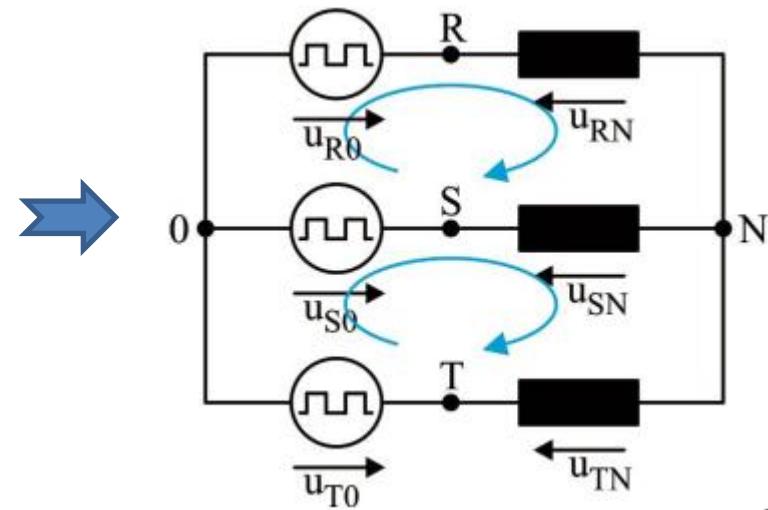
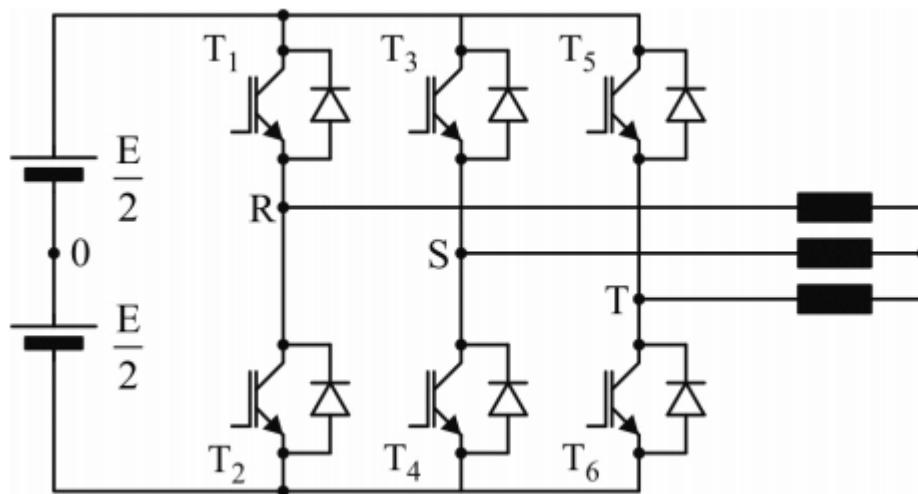
**Prednost ovog načina modulacije je i to što su promene izlaznog napona invertora po poluperiodi dvostruko manje ( $0....E$ ) nego kod bipolarne modulacije ( $-E....+E$ )**

# TROFAZNI INVERTORI



- Trofazni invertori koriste se za napajanje trofaznih potrošača.
- Najjednostavnija topologija trofaznog naponskog invertora se sastoji se tri monofazna polumosna naponska invertora koji, u odnosu na tačku referentnog potencijala u DC međukolu ( $0$ ), stvaraju tri napona čiji su osnovni harmonici fazno pomereni za  $120^\circ$ , čineći simetričan trofazni sistem.
- I kod trofaznih invertora, smanjenje harmonijskih izobličenja izlaznog napona postiže se primenom raznih metoda modulacije trajanja impulsa.
- Radi lakšeg razumevanja osnovnih funkcija trofaznih invertora, u nastavku će analiziran rad invertora bez modulacije trajanja impulsa

# EKVIVALENTNA ŠEMA SA OPTREĆENJEM VEZANIM U „zvezdu“



$$u_{RN} + u_{SN} + u_{TN} = 0$$

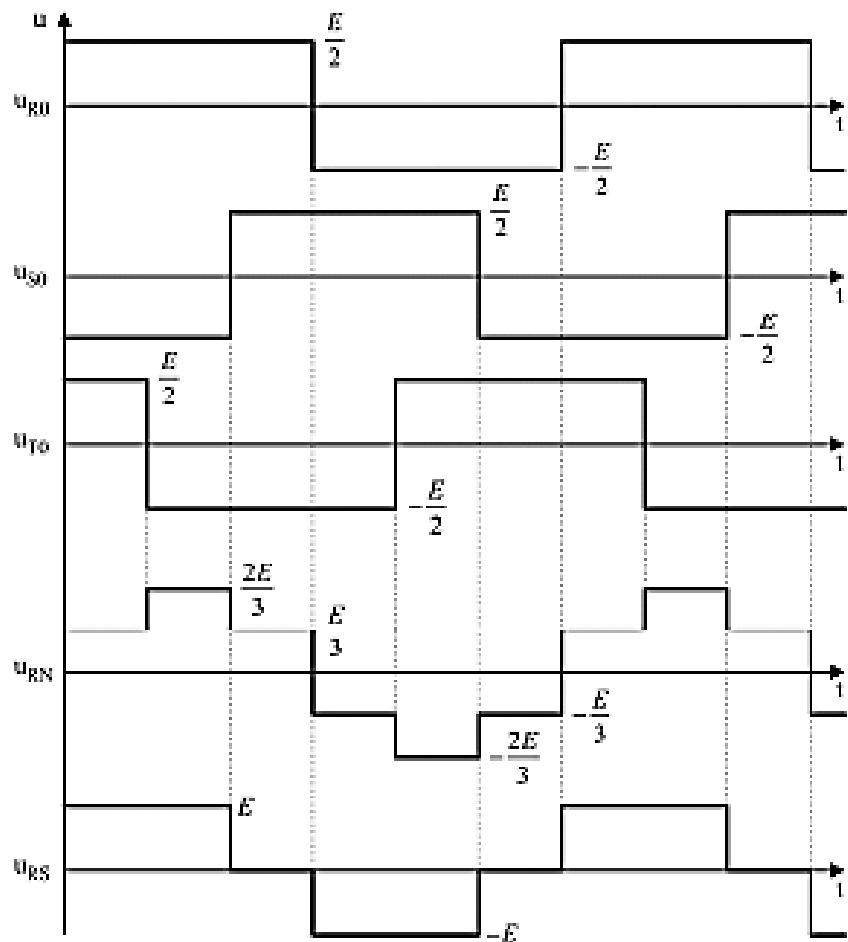
Naponske jednačine koje važe za označene konture:

$$\left. \begin{aligned} u_{R0} - u_{RN} + u_{SN} - u_{S0} &= 0 \\ u_{S0} - u_{SN} + u_{TN} - u_{T0} &= 0 \end{aligned} \right\}$$

$$\begin{aligned} u_{RN} &= \frac{1}{3}(2u_{R0} - u_{S0} - u_{T0}) \\ u_{RS} &= u_{R0} - u_{S0} \end{aligned}$$

TALASNI OBLICI NAPONA??????

# TALASNI OBLICI IZLAZNIH NAPONA (faznih i linijskih)



Izraziti izlazni naponi pojedinih monofaznih poluupravljenih invertora ( $u_{R0}$ ,  $u_{S0}$  i  $u_{T0}$ ) kao i jedan od faznih ( $u_{RN}$ ) i linijskih napona na opterećenju ( $u_{RS}$ ).

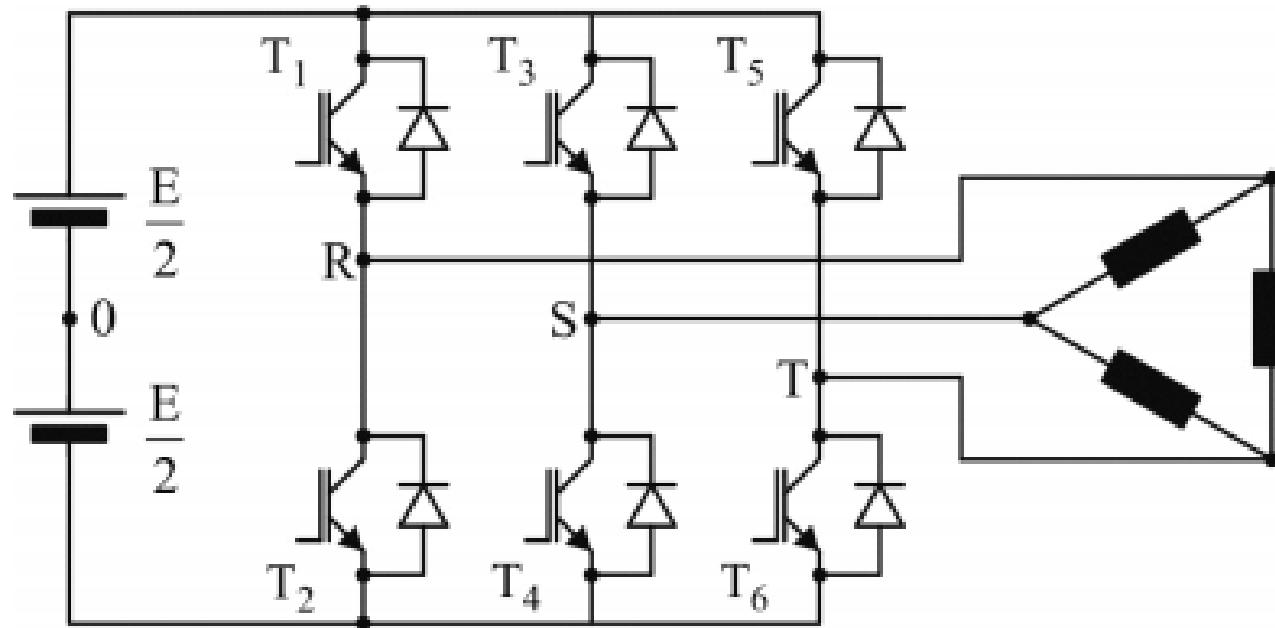
Razvojem u Furijeov red dobija se spektar faznog i linijskog napona na opterećenju:

$$u_{RN,k} = \frac{1}{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} u_{RN} \sin(kx) dx = \frac{4}{\pi} \int_0^{\frac{\pi}{3}} \frac{E}{3} \sin(kx) dx + \frac{4}{\pi} \int_{\frac{\pi}{3}}^{\frac{2\pi}{3}} \frac{2E}{3} \sin(kx) dx$$

$$u_{RN,k} = \frac{2E}{3k\pi} \left[ 2 + \cos\left(k \frac{\pi}{3}\right) - \cos\left(k \frac{2\pi}{3}\right) \right]$$

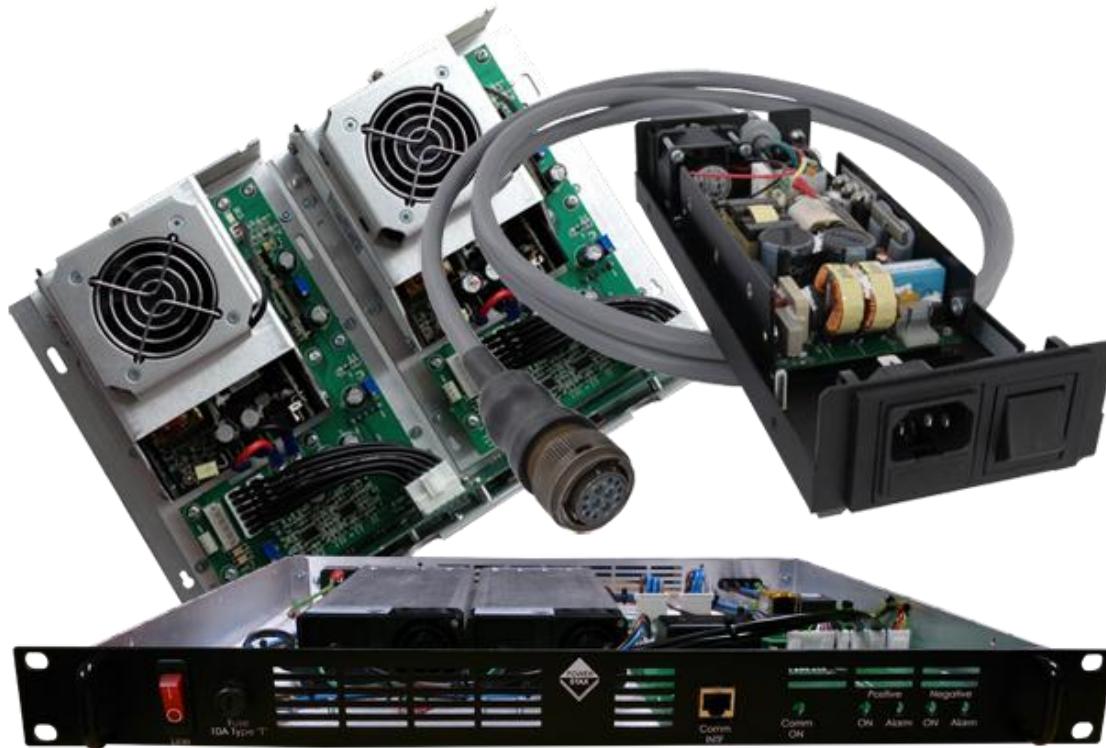
$$u_{RS,k} = \frac{1}{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} u_{RS} \sin(kx) dx = \frac{4}{\pi} \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{2\pi}{3}} E \sin(kx) dx = \frac{4E}{k\pi} \cos\left(k \frac{\pi}{6}\right)$$

Prethodno pomenuta topologija invertora može se koristiti i za napajanje opterećenja vezanih u trougao:



# HVALA NA PAŽNJI!!!

## PITANJA???



U Beogradu, Jun 2021.